

問題 I

電磁気学

図 1 に示すように、 $x - y$ 座標系平面上の点 A $(d/2, 0)$ に $+q$ の電荷、点 B $(-d/2, 0)$ に $-q$ の電荷が固定されている。このとき、以下の問いに答えなさい。ただし、この空間の誘電率を ϵ_0 とする。

問 1. 点 P $(r \cos \theta, r \sin \theta)$ における点 A の電荷が作る電位を、以下の選択肢より選びなさい。

- ① $\frac{q}{4\pi\epsilon_0\sqrt{r^2 - rd \cos \theta + \left(\frac{d}{2}\right)^2}}$ ② 0 ③ $\frac{q}{2\pi\epsilon_0\sqrt{r^2 + rd \cos \theta + \left(\frac{d}{2}\right)^2}}$
- ④ $\frac{q}{2\pi\epsilon_0\sqrt{r^2 + \left(\frac{d}{2}\right)^2}}$ ⑤ ∞ ⑥ $\frac{q}{4\pi\epsilon_0\sqrt{r^2 + 2rd \cos \theta + \left(\frac{d}{2}\right)^2}}$

問 2. $d \ll r$ として点 P における電位を、以下の選択肢より選びなさい。ただし、 $a \ll 1$ のとき、 $\frac{1}{\sqrt{1+a}} \sim 1 - \frac{a}{2}$ を用いてよいとする。

- ① $\frac{q}{4\pi\epsilon_0 r}$ ② $\frac{q}{2\pi\epsilon_0 r}$ ③ $\frac{qd}{2\pi\epsilon_0 r^2} \cos \theta$ ④ $\frac{qd}{2\pi\epsilon_0 r^2} \sin \theta$
- ⑤ $\frac{qd}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cos \theta$ ⑥ ∞

問 3. 点 Q $(R, 0)$ に点電荷 $+q'$ を置いたときに、この点電荷が受ける力の大きさを、以下の選択肢より選びなさい。ただし、 $d \ll R$ とする。

- ① 0 ② $\frac{qq'd}{2\pi\epsilon_0 R^3}$ ③ $\frac{qq'd}{4\pi\epsilon_0 R^3}$ ④ $\frac{qq'}{4\pi\epsilon_0 r R^2}$
- ⑤ $\frac{qq'}{2\pi\epsilon_0 r R^2}$ ⑥ ∞

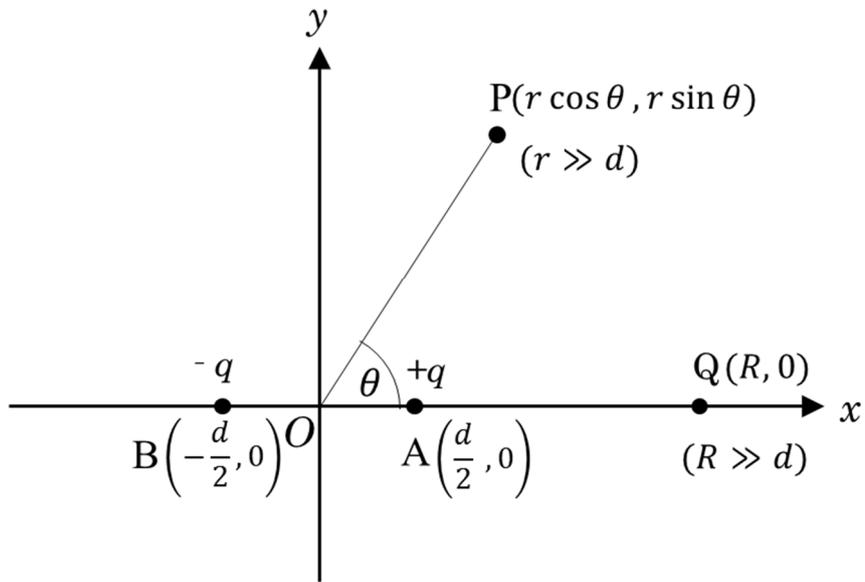


図 1

このページ以下白紙

問題 II

誘電率 $\epsilon_1, \epsilon_2, \epsilon_3$ をもつ誘電体を、面積 S の平行平板に図 2 に示すように挿入し、コンデンサを作製した。 ϵ_0 は真空部で 4 つのコンデンサ C_0, C_1, C_2, C_3 の直並列回路と考えるとき、次の問いに答えよ。

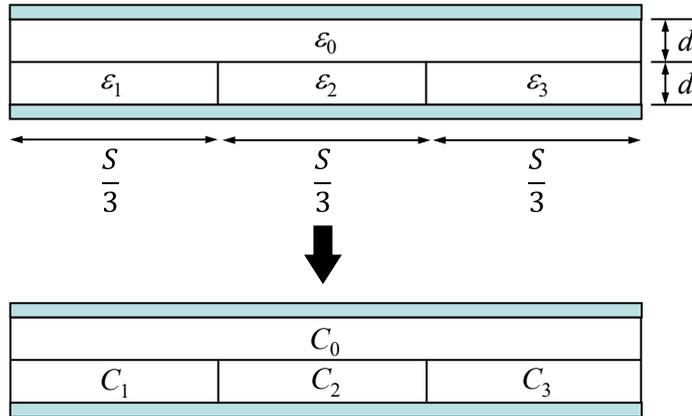


図 2 平行平板コンデンサ

問 4. コンデンサ C_1, C_2, C_3 の合成静電容量 C_{123} を求めよ。

- ① $\frac{3(\epsilon_1 + \epsilon_2 + \epsilon_3)S}{d}$ ② $\frac{(\epsilon_1 + \epsilon_2 + \epsilon_3)S}{3d}$ ③ $\frac{\epsilon_1 \epsilon_2 \epsilon_3 S}{d}$
 ④ $\frac{\epsilon_1 \epsilon_2 \epsilon_3 S}{3d}$ ⑤ $\frac{\epsilon_1 \epsilon_2 \epsilon_3 S^3}{d}$ ⑥ $\frac{\epsilon_1 \epsilon_2 \epsilon_3 S^3}{27d}$

問 5. C_{123} と C_0 の合成静電容量 C を求めよ。

- ① $\frac{(3\epsilon_0 + \epsilon_1 + \epsilon_2 + \epsilon_3)S}{d}$ ② $\frac{(3\epsilon_0 + \epsilon_1 + \epsilon_2 + \epsilon_3)S}{3d}$ ③ $\frac{3\epsilon_0(\epsilon_1 + \epsilon_2 + \epsilon_3)S}{(\epsilon_1 + \epsilon_2 + \epsilon_3)d}$
 ④ $\frac{3\epsilon_0(\epsilon_1 + \epsilon_2 + \epsilon_3)S}{\epsilon_1 \epsilon_2 \epsilon_3 d}$ ⑤ $\frac{\epsilon_0 \epsilon_1 \epsilon_2 \epsilon_3 S}{(3\epsilon_0 + \epsilon_1 + \epsilon_2 + \epsilon_3)d}$ ⑥ $\frac{\epsilon_0(\epsilon_1 + \epsilon_2 + \epsilon_3)S}{(3\epsilon_0 + \epsilon_1 + \epsilon_2 + \epsilon_3)d}$

このページ以下白紙

問題Ⅲ

無限長の直線電流がつくる磁界を求める。図3のように点Oを原点とし、直線電流に沿ってz軸をとる。zにおける電流線素ベクトルを $I dz$ (大きさ $I dz$)、電流要素ベクトルから点Pに向かうベクトルを \mathbf{r} (大きさ r)、 $I dz$ と \mathbf{r} とのなす角を θ とすれば、 $|I dz \times \mathbf{r}| = \boxed{\text{ア}}$ dz である。したがって、 $I dz$ が点Pにつくる磁界 $d\mathbf{H}$ は、点Pから原点Oへの距離を R とすると、 $dH = |d\mathbf{H}| = \frac{|I dz \times \mathbf{r}|}{4\pi r^3} = \boxed{\text{イ}}$ dz である。ただし $r^2 = R^2 + z^2$ 、 $r \sin(\pi - \theta) = r \sin \theta = R$ を用いた。 $d\mathbf{H}$ の方向はzに無関係で、紙面に垂直で紙面の $\boxed{\text{ウ}}$ に向かう。したがって、図3のように有限長 $\ell_1 + \ell_2$ を考えると、ビオ・サバールの法則 $\mathbf{H} = \int_C d\mathbf{H} = \int_C \frac{I dz \times \mathbf{r}}{4\pi r^3}$ より、 $H = \int_{-\ell_1}^{\ell_2} dH = \int_{-\ell_1}^{\ell_2} \boxed{\text{イ}} dz = \boxed{\text{エ}}$ となる。ここで $\ell_1, \ell_2 \rightarrow \infty$ とすれば、無限長の直線電流のつくる磁界は、 $H = \boxed{\text{オ}}$ となる。

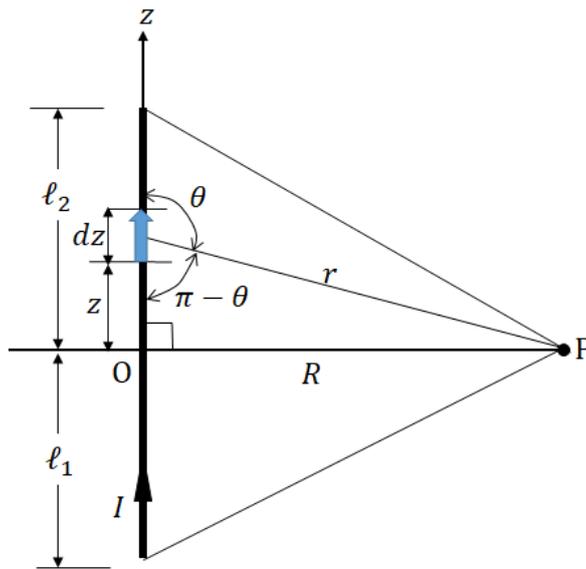


図3 無限長の直線電流

問6. 空欄 $\boxed{\text{ア}}$ に入る式を以下の選択肢より選びなさい。

- | | | | | | |
|---|-------------------|---|--------------------------|---|-------------------------------|
| ① | $I r$ | ② | $I r \sin \theta$ | ③ | $I r \cos \theta$ |
| ④ | $I r \tan \theta$ | ⑤ | $I r \cos(\pi - \theta)$ | ⑥ | $I r \sin \theta \cos \theta$ |

問 7. 空欄 に入る式を以下の選択肢より選びなさい。

- ① $\frac{Iz}{4\pi R}$ ② $\frac{I(R^2 + z^2)}{4\pi R}$ ③ $\frac{IR^2}{4\pi z}$
④ $\frac{IR}{4\pi(R^2 + z^2)^{3/2}}$ ⑤ $\frac{IR}{4\pi(R^2 + z^2)}$ ⑥ $\frac{I}{4\pi(R^2 + z^2)^{3/2}}$

問 8. 空欄 に入る言葉を以下の選択肢より選びなさい。

- ① 表から裏 ② 裏から表

問 9. 空欄 に入る式を以下の選択肢より選びなさい。

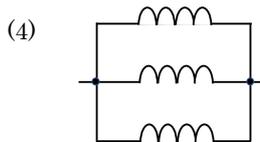
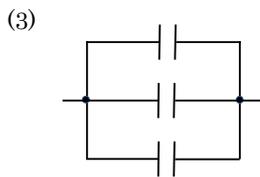
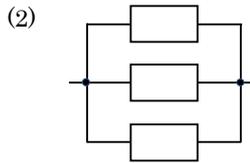
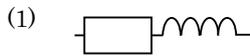
- ① $\frac{I}{4\pi R}(\ell_1^2 + \ell_2^2)$ ② $\frac{IR^2}{4\pi} \ln \frac{\ell_2}{\ell_1}$
③ $\frac{I}{4\pi R} \left\{ \frac{\ell_1}{(\ell_1^2 + R^2)^{1/2}} + \frac{\ell_2}{(\ell_2^2 + R^2)^{1/2}} \right\}$ ④ $\frac{I}{4\pi R} \left\{ \frac{\ell_1^2}{(\ell_1^2 + R^2)^{1/2}} + \frac{\ell_2^2}{(\ell_2^2 + R^2)^{1/2}} \right\}$
⑤ $\frac{I}{4\pi R} \left\{ \frac{\ell_1}{(\ell_1^2 + R^2)} + \frac{\ell_2}{(\ell_2^2 + R^2)} \right\}$ ⑥ $\frac{I}{4\pi R} \frac{(\ell_1^2 + \ell_2^2)}{\ell_1 \ell_2}$

問 10. 空欄 に入る式を以下の選択肢より選びなさい。

- ① $\frac{I}{2\pi R}$ ② $\frac{I}{4\pi R}$ ③ $\frac{R}{2\pi I}$ ④ $\frac{R}{4\pi I}$
⑤ $\frac{I}{2\pi R^2}$ ⑥ $\frac{I}{4\pi R^2}$

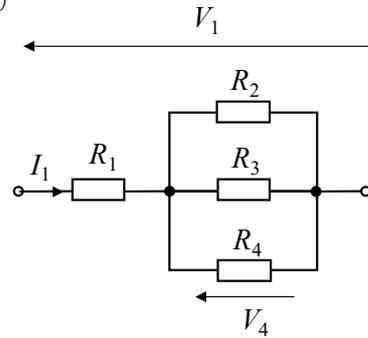
第1回 達成度確認テスト 電気回路

1. $R = \omega L = \omega C = 2$ とする. 以下の合成インピーダンスの大きさを求め, 最も適切な番号を①から⑩の中から選べ. ただし同じ番号を何度選んでもよい. ((1), (5)は1点, 他2点)



- ① 6 ② 1/6 ③ 3/4 ④ 4/3 ⑤ 12
 ⑥ 1/12 ⑦ 3/2 ⑧ 2/3 ⑨ 4 ⑩ $2\sqrt{2}$

2. 図の回路に示すように抵抗 R_2 に 2 A の電流が流れている時, 以下の問いに答えよ. ただし, $R_1 = 2 \Omega$, $R_2 = 10 \Omega$, $R_3 = 5 \Omega$, $R_4 = 20 \Omega$ とする. ((1), (2)は2点, 他3点)



(1) V_4 を求めよ.

(2) I_1 を求めよ.

(3) V_1 を求めよ.

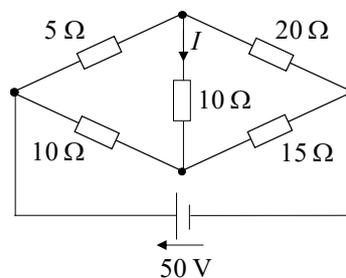
(1)~(3)の選択肢

- ① 0.2 ② 1 ③ 2 ④ 4 ⑤ 5
 ⑥ 6 ⑦ 7 ⑧ 14 ⑨ 20 ⑩ 34

(4) 各抵抗での消費電力で最も大きい抵抗素子を選べ.

- ① R_1 ② R_2 ③ R_3 ④ R_4 ⑤ 全て等しい

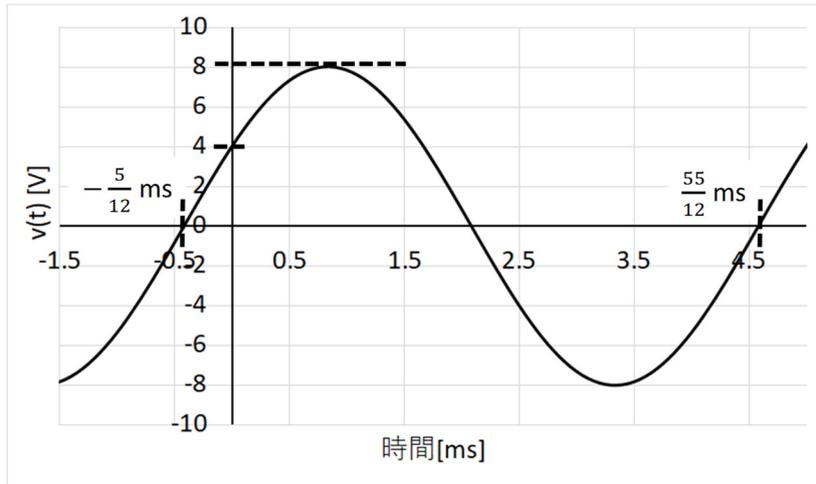
3. 図の回路の電流 I [A] として最も適切なものはどれか. (10点)



- ① -5 ② -2 ③ -1 ④ -0.5 ⑤ 0
 ⑥ 0.5 ⑦ 1 ⑧ 2 ⑨ 5

4. 下記のグラフを正弦波 ($v(t) = A \sin(\omega t + \phi)$) の式で表したい. 以下の要素を答えよ. 要素(1)(2)は選択肢 A, 要素(3)(4)は選択肢 B, 要素(5)は選択肢 C から選べ.

(各 2 点)



- (1) 振幅 [V]
 (2) 実効値 [V]
 (3) 周期 [s] ※単位に注意
 (4) 周波数 [Hz]
 (5) 初期位相 (時刻 0 のときの位相) [rad]

選択肢 A

- ① $\frac{5}{12\sqrt{2}}$ ② $\frac{5}{12}$ ③ $2\sqrt{2}$ ④ 4 ⑤ $4\sqrt{2}$ ⑥ 8 ⑦ $8\sqrt{2}$

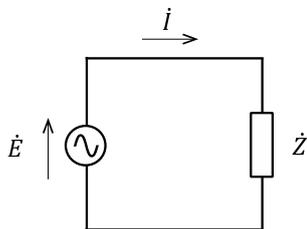
選択肢 B

- ① $\frac{25}{6} \times 10^{-3}$ ② 0.005 ③ 0.2 ④ 0.5 ⑤ $\frac{25}{6}$ ⑥ 5 ⑦ 2 ⑧ 200 ⑨ 240

選択肢 C

- ① $-\frac{\pi}{4}$ ② $-\frac{\pi}{3}$ ③ $-\frac{\pi}{6}$ ④ 0 ⑤ $\frac{\pi}{6}$ ⑥ $\frac{\pi}{3}$ ⑦ $\frac{\pi}{4}$ ⑧ $\frac{5}{12}$ ⑨ $\frac{1}{11}$

5. 以下の回路について, 交流電源 $\dot{E} = 100$ [V], 負荷インピーダンス $\dot{Z} = \sqrt{2} + j\sqrt{2}$ [Ω] のとき, 空所に最も適当な解答を選択肢から選べ. 選択肢は必要であれば何度選んでもよい. 但し, (a)~(e), (g), (h)は選択肢 A から, (f)は選択肢 B から選ぶこと. ここで, 複素電力の定義は $\dot{P} = \dot{E} \cdot i$ とする. ((a)~(f) 各 1 点, 他 2 点)



複素電力は $\boxed{(a)}$ + j $\boxed{(b)}$ [VA]
 有効電力は $\boxed{(c)}$ [W]
 無効電力は $\boxed{(d)}$ [var]
 皮相電力は $\boxed{(e)}$ [VA]
 力率は $\boxed{(f)}$ である.

接続されている負荷はそのまま, 交流電源が $\dot{E} = 100 \angle \frac{\pi}{4}$ [V] になったとき,

複素電力は $\boxed{(g)}$ + j $\boxed{(h)}$ [VA] である.

選択肢 A :

- ① 2500 ② -2500 ③ $2500\sqrt{2}$ ④ $-2500\sqrt{2}$
 ⑤ 5000 ⑥ -5000 ⑦ $5000\sqrt{2}$ ⑧ $-5000\sqrt{2}$
 ⑨ 0

選択肢 B :

- ① $\frac{1}{2}$ ② $-\frac{1}{2}$ ③ $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ④ $-\frac{1}{\sqrt{2}}$ ⑤ $\sqrt{2}$
 ⑥ $-\sqrt{2}$ ⑦ $\frac{\sqrt{3}}{2}$ ⑧ $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ ⑨ 1 ⑩ 0

電子回路

1 図1の回路に小信号 v_{in} を入力し、その出力が v_{out} であるとき、次の問いに答えよ。ただし、トランジスタの h パラメータを h_{ie} 、 $h_{fe} (\gg 1)$ 、 $h_{oe} (1/h_{oe} = \infty)$ とする。

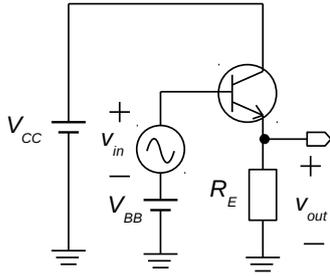


図1 増幅回路

- (1) 図1の名称(～接地増幅回路)を以下から答えよ。
 ①ベース ②エミッタ ③コレクタ ④フォロア
- (2) 回路の入力インピーダンスを以下から答えよ。
 ① h_{ie} ② R_E ③ $h_{ie} + R_E$ ④ $h_{ie} + h_{fe}R_E$
- (3) 回路の電圧増幅度 v_{out}/v_{in} を以下から答えよ。ただし、 $h_{fe}R_E \gg h_{ie}$ とする。
 ① 1 ② $h_{fe}R_E/h_{ie}$ ③ R_E/h_{ie} ④ h_{ie}/R_E

2 演算増幅器を用いた回路(図2)に小信号 v_{in} を入力し、そのときの出力が v_{out} であるとする。次の問いに答えよ。ここで、演算増幅器の電圧増幅度と入力インピーダンスは ∞ とする。

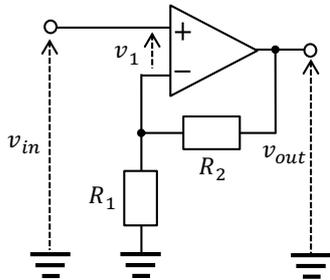


図2 演算増幅器を用いた回路

- (1) 増幅器の電圧利得が非常に大きいとき、その入力電圧 v_1 は0になる。この現象の名称を以下から答えよ。
 ①反転増幅 ②非反転増幅 ③仮想開放 ④仮想短絡
- (2) 回路全体の電圧増幅度 v_{out}/v_{in} を以下から答えよ。
 ① 1 ② $1 + R_1/R_2$ ③ $1 + R_2/R_1$ ④ $1 + R_1R_2$
- (3) この回路の入力インピーダンスを以下から答えよ。
 ① ∞ ② R_1 ③ R_2 ④ $R_1 + R_2$
- (4) この回路の名称(～回路)を以下から答えよ。
 ①反転増幅 ②非反転増幅 ③加算 ④減算

3 エッジトリガ形Dフリップフロップ(DFF)は、クロック信号 CLK (周期 T_s)の立ち上がり時における入力

D が出力 Q となる。図3のように2つのDFFを2つのNOTゲート(1つあたりの遅延は $T_s/8$)を介して接続したとき、以下の問いに答えよ。ただし、 Q_1 と Q_2 の初期値は0(Low)とする。

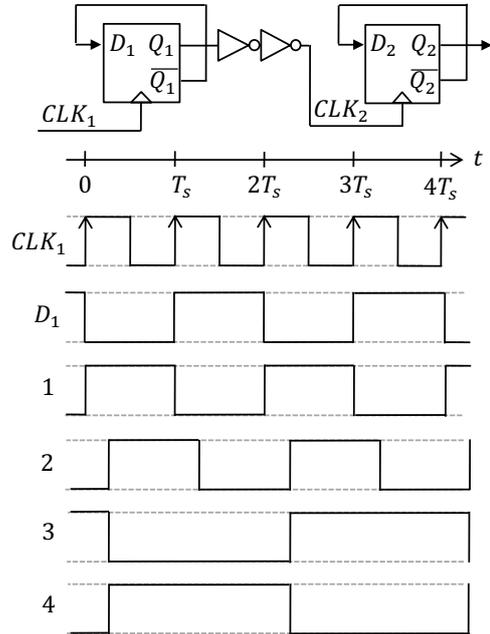


図3 DFFを用いた回路とタイミングチャート

- (1) 出力端子 Q_1 の波形を図3の1～4から答えよ。
 (2) 出力端子 Q_2 の波形を図3の1～4から答えよ。

4 図4の帰還増幅回路について次の問いに答えよ。ただし、増幅器単体の電圧増幅度を A_v 、入力インピーダンスを ∞ 、出力インピーダンスを Z_O とし、さらに βA_v は1よりも非常に大きいとする。

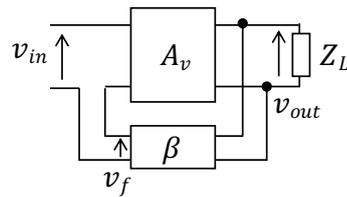


図4 並列帰還-直列注入(電圧-電圧帰還)

- (1) 電圧 v_f が v_{in} と同位相のとき、何帰還と呼ばれるのか。
 ① 正 ② 負 ③ 極 ④ 零
- (2) β は何率と呼ばれるのか、以下から答えよ。
 ① ループゲイン ② 帰還 ③ 緩衝 ④ 発振
- (3) A_v が1,000で回路全体の電圧増幅度 v_{out}/v_{in} を2にしたいとき、必要な β を以下から答えよ。
 ① 500 ② 2 ③ 0.5 ④ 0.25
- (4) 回路全体の出力(Z_L から見た入力)インピーダンスを以下から答えよ。
 ① Z_O ② β ③ $\beta A_v Z_O$ ④ $Z_O/(\beta A_v)$

1. 空欄に適する語句等を①～④より選び、マークせよ。

- (a) $\frac{df}{dx}$ は $\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{(\text{ア})}{\Delta x}$ を表す。
 ① $f(x + \Delta x) + f(x)$ ② $f(x - \Delta x) + f(x)$ ③ $f(x + \Delta x) - f(x)$ ④ $f(x - \Delta x) - f(x)$
- (b) x^3 を x で微分すると (イ) である。
 ① x^2 ② $2x^2$ ③ $3x^2$ ④ $4x^2$
- (c) $\frac{1}{x}$ を x で微分すると (ウ) である。
 ① 1 ② -1 ③ $\frac{1}{x^2}$ ④ $-\frac{1}{x^2}$
- (d) $A \sin \omega t$ を t で微分すると (エ) である。
 ① $A \cos \omega t$ ② $A \omega \cos \omega t$ ③ $\frac{A}{\omega} \cos \omega t$ ④ $\frac{A}{\omega} \cos \omega t + C$
- (e) $\frac{f}{g}$ を微分すると (オ) である。
 ① $\frac{fg' - f'g}{f^2}$ ② $\frac{f'g - fg'}{f^2}$ ③ $\frac{fg' - f'g}{g^2}$ ④ $\frac{f'g - fg'}{g^2}$

2. 空欄に適する語句等を①～④より選び、マークせよ。

- (a) 実効値は rms に等しい。この rms という用語は実効値の算出方法を示唆しており、(カ) の略である。
 ① reverse mean source ② root mean square ③ rapid mean solution ④ random mean speed
- (b) $v(t) = V_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right)$ の rms は (キ) である。
 ① $\frac{1}{T} \left(\int_0^T V_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right) dt \right)^2$ ② $\frac{1}{T} \left(\int_0^T \sqrt{V_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right)} dt \right)^2$
 ③ $\left(\frac{1}{T} \int_0^T \sqrt{V_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right)} dt \right)^2$ ④ $\sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T (V_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right))^2 dt}$
- (c) (キ) の計算結果は (ク) である。
 ① $\frac{1}{\sqrt{2}} V_m$ ② $\sqrt{2} V_m$ ③ $\frac{1}{\sqrt{2\pi}} V_m$ ④ $\frac{1}{2} V_m$
- (d) $v(t)$ の平均値は $\frac{1}{T} \int_0^T |V_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right)| dt =$ (ケ) である。
 ① $\frac{1}{T} \frac{2}{\pi} V_m$ ② $\frac{1}{T} \frac{\pi}{2} V_m$ ③ $\frac{\pi}{2} V_m$ ④ $\frac{2}{\pi} V_m$
- (e) 以下の文章の中で、誤っているのは (コ) である。
 ① 電流と電圧のそれぞれの平均値を掛け合わせたものは、瞬時電力を表す。
 ② 電流と電圧のそれぞれの実効値を掛け合わせたものは、皮相電力を表す。
 ③ 平均値も実効値も被積分関数の最大振幅を超えない。
 ④ 周期は平均値や実効値に影響を与えない。

3. 空欄に適する語句等を①～④より選び、マークせよ。

- (a) $\{2\angle\frac{\pi}{6}\}\{3\angle(-\frac{\pi}{2})\} =$ (サ) ① $3\angle\frac{4\pi}{3}$ ② $6\angle(-\frac{\pi}{3})$ ③ $5\angle(-\frac{\pi}{3})$ ④ $6\angle(-\frac{\pi}{12})$
- (b) $2\angle\frac{\pi}{6}$ の直交座標表示は (シ) ① $2 + j\frac{1}{2}$ ② $\sqrt{3} + j$ ③ $\sqrt{3} - j$ ④ $2 + j\frac{\sqrt{3}}{2}$
- (c) $(1 + j\sqrt{3})^4 =$ (ス) ① $16\angle\frac{4\pi}{3}$ ② $8\angle\frac{\pi}{2}$ ③ $3\angle\frac{\pi}{3}$ ④ $25\angle\frac{\pi}{6}$
- (d) 50Hz の交流電圧 $e = 4\sqrt{2} \sin(\omega t + \frac{\pi}{6})$ [V] をフェーザで表すと (セ) である。
 ① $4\sqrt{2}\angle\frac{\pi}{6}$ ② $4\sqrt{2}\angle\omega$ ③ $4\angle\frac{\pi}{6}$ ④ $4\angle\omega$
- (e) 50Hz の交流電圧 $e = 4\sqrt{2} \sin(\omega t + \frac{\pi}{6})$ [V] を $30\mu\text{F}$ のキャパシタに加えたとき、キャパシタのインピーダンス Z_C は (ソ) である。
 ① $\frac{j10^3}{3\pi}$ ② $\frac{-j10^3}{3\pi}$ ③ $\frac{j10^3}{1.5\pi}$ ④ $\frac{-j10^3}{1.5\pi}$

4. 以下の微分方程式を満たす関数 x を①～④より選び、マークせよ。

(a) $\frac{dx}{dt} + x = 0$, $x =$ (タ)
 ① e^t ② e^{-t} ③ $\cos t$ ④ $-\cos t$

(b) $\frac{dx}{dt} + x = 1$, $x =$ (チ)
 ① 1 ② 2 ③ -1 ④ -2

(c) $\frac{d^2x}{dt^2} + x = 0$, $x =$ (ツ)
 ① e^t ② e^{-t} ③ te^t ④ $\cos t$

(d) $\frac{d^2x}{dt^2} - 3\frac{dx}{dt} + 2x = 0$, $x =$ (テ)
 ① e^t ② e^{-t} ③ $\cos t$ ④ $-\cos t$

(e) $\frac{d^2x}{dt^2} - 2\frac{dx}{dt} + x = 0$, $x =$ (ト)
 ① $t \sin t$ ② $t \cos t$ ③ te^t ④ $t \log t$

5. 空欄に適する語句等を①～④より選び、マークせよ。

(a) $\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{vmatrix}$ の値は (ナ) である。
 ① $4+6$ ② $4-6$ ③ $-4+6$ ④ $-4-6$

(b) A, B, C が $n \times n$ の正方行列のとき、一般に (ニ) は成り立たない。
 ① $A+B=B+A$ ② $AB=BA$ ③ $(AB)C=A(BC)$ ④ $A(B+C)=AB+AC$

(c) $\int \mathbf{A} \cdot d\mathbf{l}$ は \mathbf{A} の (ス) 方向成分の積分である。
 ① 接線 ② 漸近線 ③ 包絡線 ④ 法線

(d) $D = \{(x, y) \mid 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1\}$ のとき、 $\int_D 2x \, dS$ は (ネ) である。
 ① 0 ② $1/2$ ③ $2/3$ ④ 1

(e) Gauss の法則によると、
 $\int_S \mathbf{D} \cdot d\mathbf{S} = \int_V$ (ノ) dV が成り立つ。
 ① $\nabla \mathbf{D}$ ② $\operatorname{div} \mathbf{D}$ ③ $\operatorname{grad} \mathbf{D}$ ④ $\operatorname{rot} \mathbf{D}$