生活の中の物理学 Physics in Everyday Phenomena

第6回 2024/10/28

第2章 力学 回転運動 第3章 流体

> 真貝 寿明 Hisaaki Shinkai



https://www.oit.ac.jp/is/shinkai/mukogawa

『天文文化学の視点 星を軸に文化を語る』

芸品・遺跡・数式等の中には天文に関わる多様なり入れられるとともに、現代科学の発端ともなっ人々の生活や文化活動に密接に関わり、

様々な視点から



勉誠社, 2024年10月30日発売, 3500円+税

『天文文化学の視点 星を軸に文化を語る』

近世以降の天体現象と天文文化

土御門家と間家の測量比較を中

彗星の位置測量精度

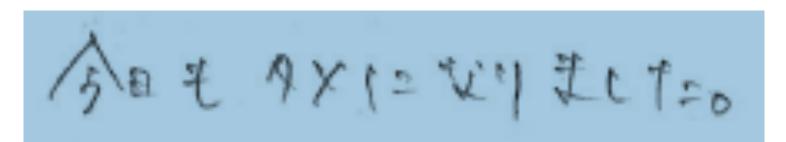
惑星集合と中国古代王朝の開始年についての考察…

天命思想の受容による飛鳥時代の変革

中世以前の天体現象と天文文化 民俗にみる天文文化 絵画・文学作品にみる天文文化 天文文化学から与那覇勢頭豊見親のにーりを考える… 銅鏡の文様に見られる古代中国の宇宙観 奄美与論島における十五夜の盗みの現代的変容をめぐる|考察… 仰・思想にみる天文文化 人蔵)の画題について ム「窮理熱」と『滑稽窮理臍の西国』

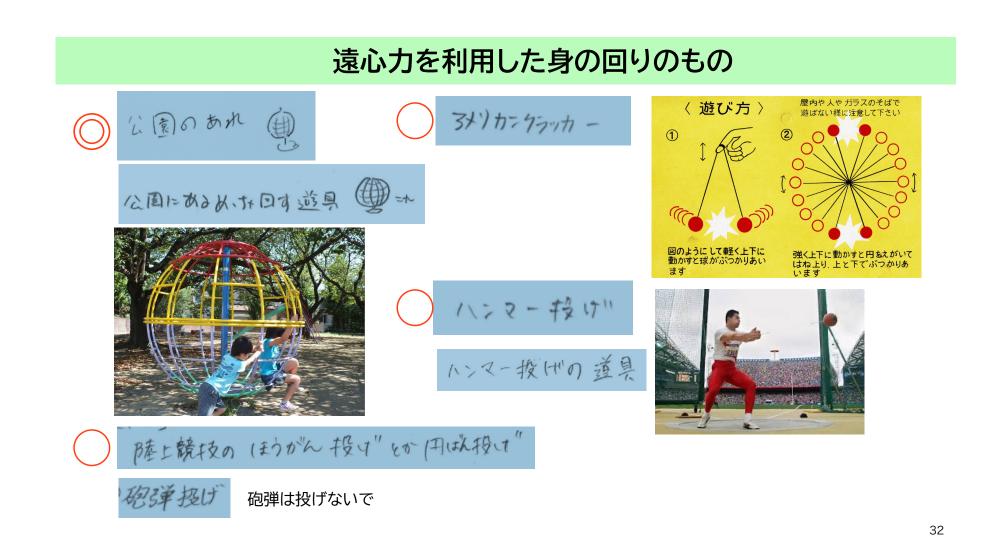
空気へをりかのきちかがかしろかってこです。

この構義を受けていて、空気は目に見えるいけかと 猫かれ存在しているんでと最近の気がしまて思います。



遠心かは以外と争近にたくさんあってかもしろかったです

意外



遠心力を利用した身の回りのもの



○ バターの製造過程



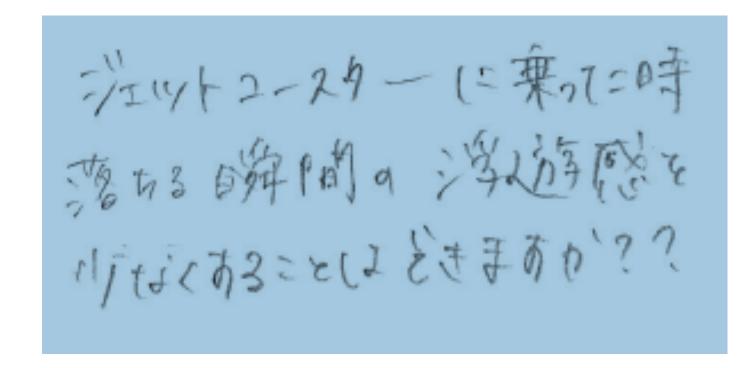
バターの製造は、今では効率的な連続式(原料クリームからバターをつくる一連の流れをすべて機械で行う製法)が主流ですが、オホーツ ク北見工場では、チャーンと呼ばれる巨大な立方体が特徴の装置を用いる。 伝統的なパターづくりを行っています。チャーンの中にクリームを入れて回転させ、人が直接機械を操作しながらパターをつくっていくため、手間暇がかかり、熟練を必要とする技術でもあります。

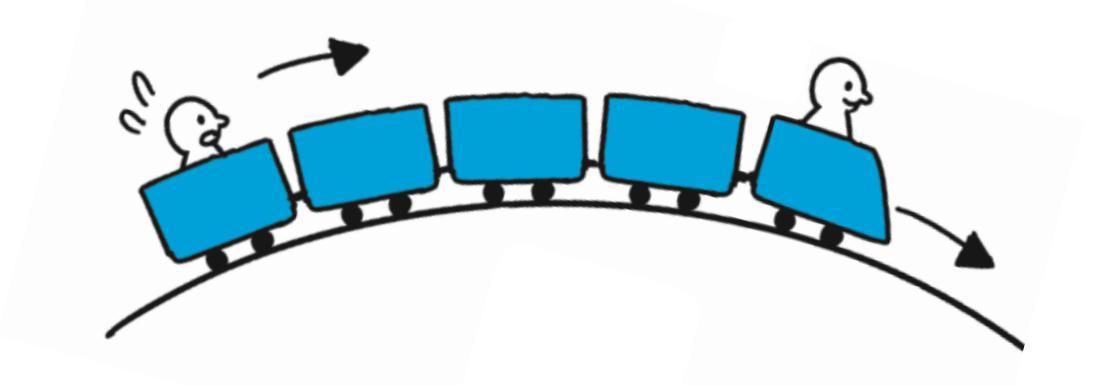
https://www.youtube.com/watch?v=WD1clk-vRRI

35

忍者からにじいからだいに飛び移るときに必なる物的量を人間が持つことの可能が知りたりたけです。

走り幅跳びの世界記録は、マイク・パウエル(米国)の 8 m 95 cm (1991年) 自由落下で耐えられるのは、ラッキーな場合で10m





お米10kg抱えて乗る,とか...

星はどのようにうまれるのか、

宇宙をただようガスが重力で収縮して、中心部が高温高圧で核融合を起こすことで燃え始めます。詳しくは原子の章で、

ロケットを西向きに上げる場合、東向きの場合と自転在エネルギーの利用はどれくらい変化するのか。

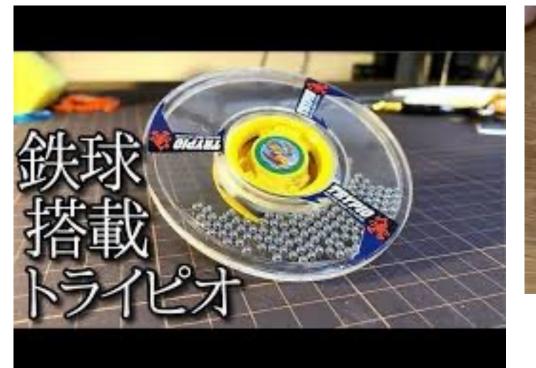
地球の自転速度は、赤道上で時速約1700km (秒速 0.47 km) 地球の公転速度は、時速約11万km (秒速 30.6 km) 1年で一周 太陽系の公転速度は、秒速 220 km 2億年で銀河を一周 天の川銀河は、宇宙膨張に乗るかたちで、砂速 630 km で移動

第一宇宙速度が 7.9 km/s だから, 12% 損をする

トライセオ」をごお知せいらか。バイブレード (コマをぶつけてたたかりせるませた) かんですが バーゴマーはいコマト 3枚羽の大きなかののらがついています。このプロからで盛れを発生させ コマを下に押をうっけ、はじかんにくくなる、とりう高り文句ですが 実行とは最弱のベイブレードと 言んいています。こんの改良室をめし続ける Youtuberがいるんですが 先生なるどう我をしますか?









「プロボーズ作戦」(てんとう虫コミックス1巻) 12回目の結婚記念日の夜、パパとママが、どちらがプロポーズしたかで、大ゲンカ。のび太

親殺しのパラドックス&事後選択モデル

過去に行って親を殺すと自分が存在しなくなるパラドックスと、未

来で矛盾となる出来事はあらかじめ除外されるという考え方。

前回のミニッツペーパーから

タケコアター面白からにです。実際によりうえもんの道具が実現してことは 他にもありまるかい?

タケコプター欲しい NON STYLE LIVE 2016 「ドラえもんの道具」 タケコプター欲しい

「のび太も天才になれる?」(てんとう虫コミックス32巻)

ママに説教され、家出しようと「宇宙教命ボート」でワープしたら、自分が住む町とそっくり









写した場合、その作品の本当の作者はいったい誰になるのか。





作者不明のパラドックス フニャコフニャ夫のように、未来から持ち帰った自分の漫画を描き

る多世界解釈です。
マクロな世界に拡
マクロな世界に拡
の世界は、多くの
フレルワールド)か
ることで実現して
す。
れる?」は、ある
財ののび太が天才
う一種のパラレル
「あべこべ惑星」
べだけど、一種の
いえるでしょう。
、その世界は、自
へ分岐する。自分
ールドを移動した
因果関係に矛盾は
過去を変えて世界
、変わっていない
のご太とになります。
、先ほどの「プロ
のび太とドラえも
ママが元のサヤに
太が生まれるため
、この話はまさに
えるでしょう。
、タイムトラベル
る問題点を含めて

パラレルワールド

で、その中のひとつを選択しながら生きていることになる。

パラレルワールドの存在を肯定すれば、いくつもある並行世界の中

学問

可

なのか?

『大人のための藤子

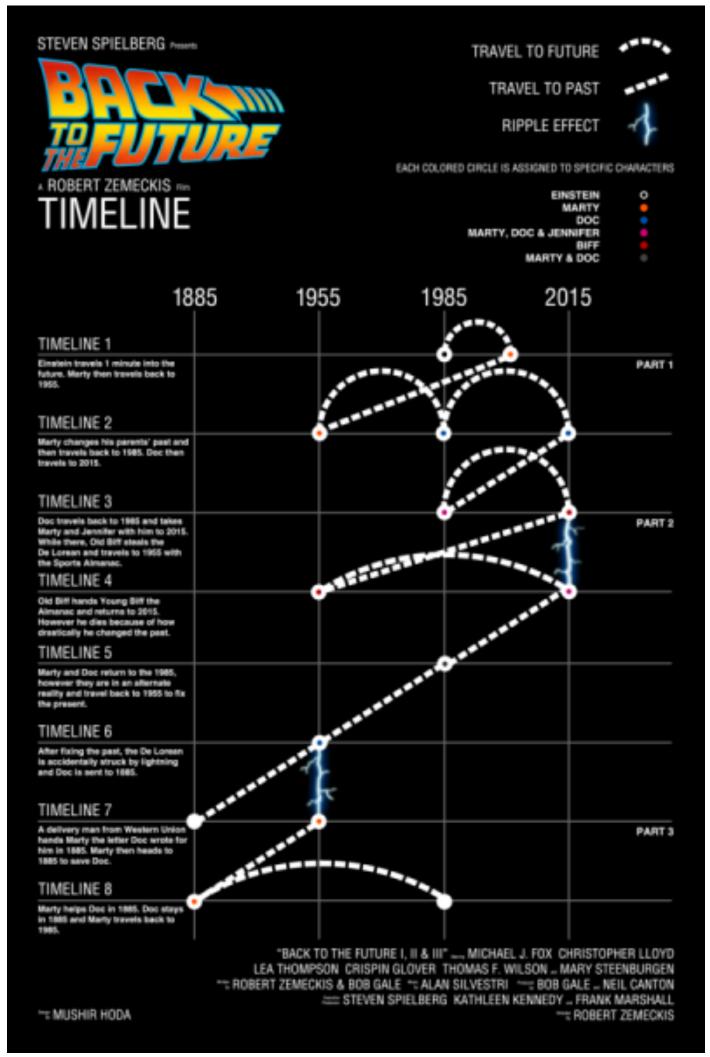
特集号

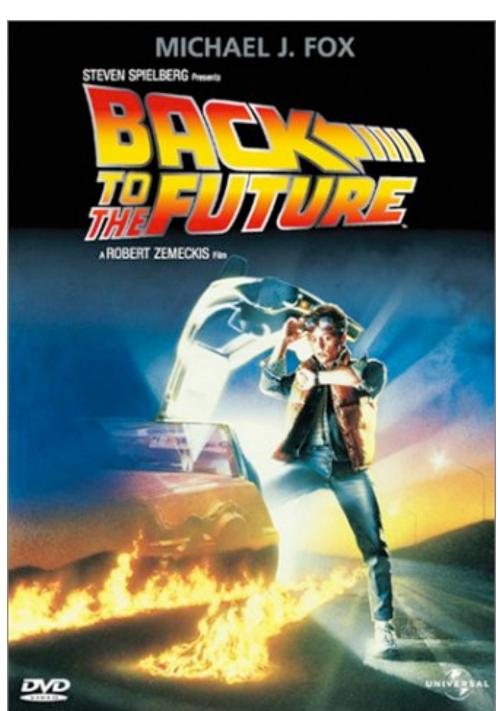
(2012 年 9)

映画『Back to the Future』(1985年)で描かれた未来は2015年



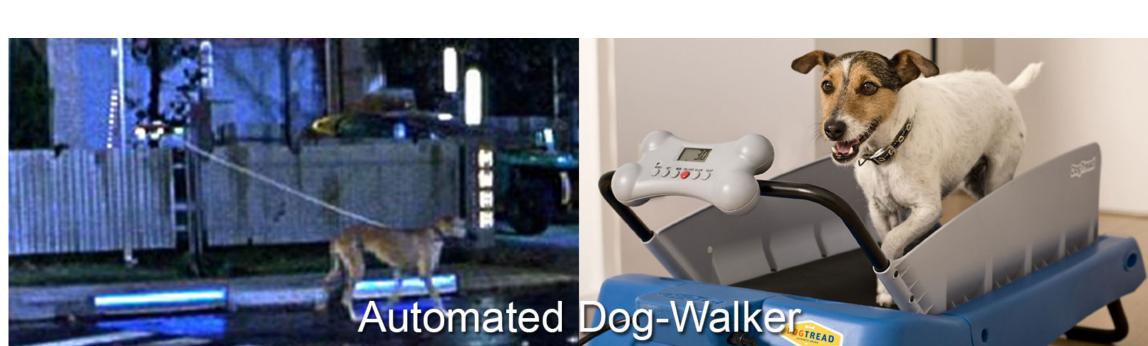






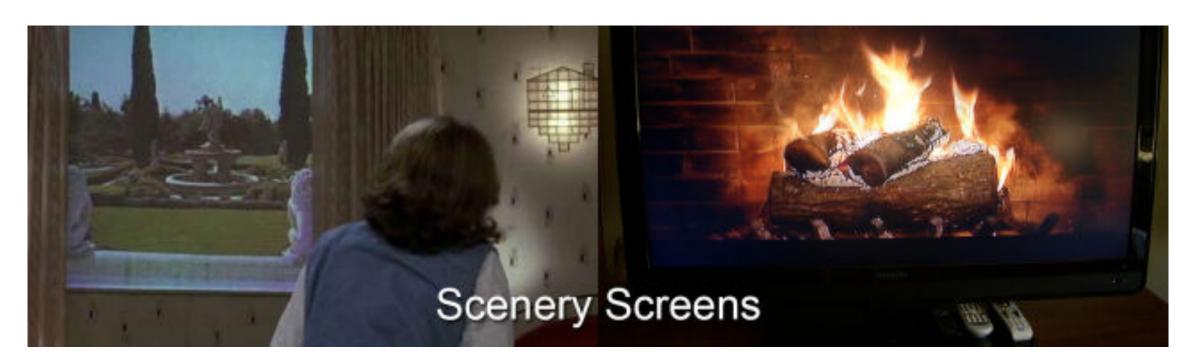
映画『Back to the Future』(1985年)で描かれた未来は2015年













力7

見かけの力:遠心力

法則 遠心力

回転運動している人の立場で考えると、回転の外向きに遠心力を受けるように感じる.その大きさFは、物体の質量をm、回転の速さをv、回転半径をrとすると、 $F=m\frac{v^2}{r}$ となる.

• 遠心力のように、見ている人の立場によって、あったりなかったりする力を**慣性力**という。

遠心か、向心力の方がいからなからなかったので、今回の授業で理解できてすっきりしました。

遠心からく思っているよりもかなり身近でおかりやあいもので独きましたの

10

力7

見かけの力:遠心力



いるとみる立場

例 1 水の入ったバケツを上下に円運動させる.

勢い良くまわせば、水はバケツから流れ落ちずにぐるぐる回る.

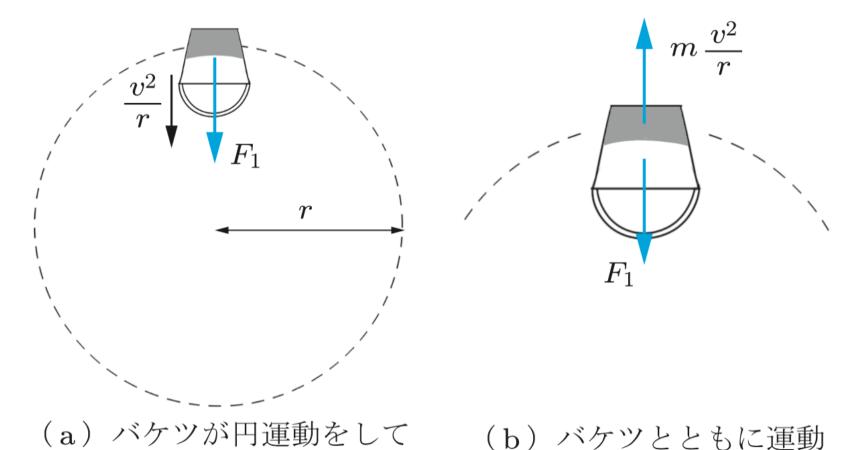
• **バケツを眺めている人の立場**では、水はバケツと共に円運動をしている。はたらいている力は、人がバケツを回す手の力 F_1 である。だから運動方程式は

$$m\frac{v^2}{r} = F_1$$
 (2.66)

(2.67)

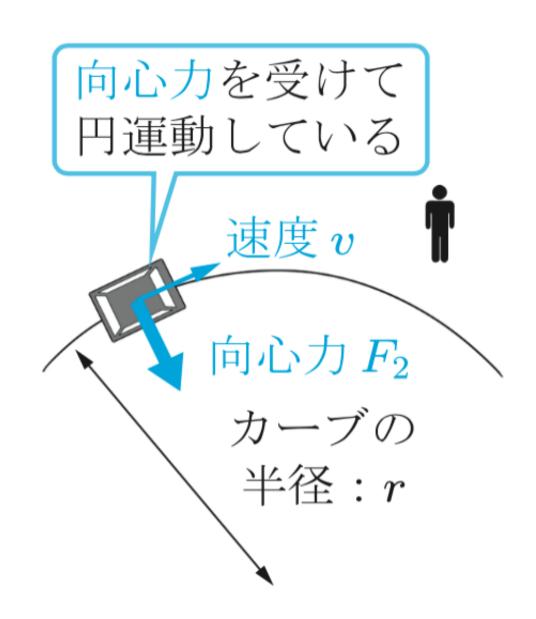
• バケツ内の水の立場では、水はバケツ内に静止している。バケツは中心方向に向心力 F_1 で引っ張られているが、水はその中で静止しているので逆向きに力(遠心力 $m\frac{v^2}{r}$)がはたらいてつりあっている、と考える。だから、運動方程式は(つりあいの式であり)

 $m \cdot 0 = F_1 - m \frac{v^2}{r}$

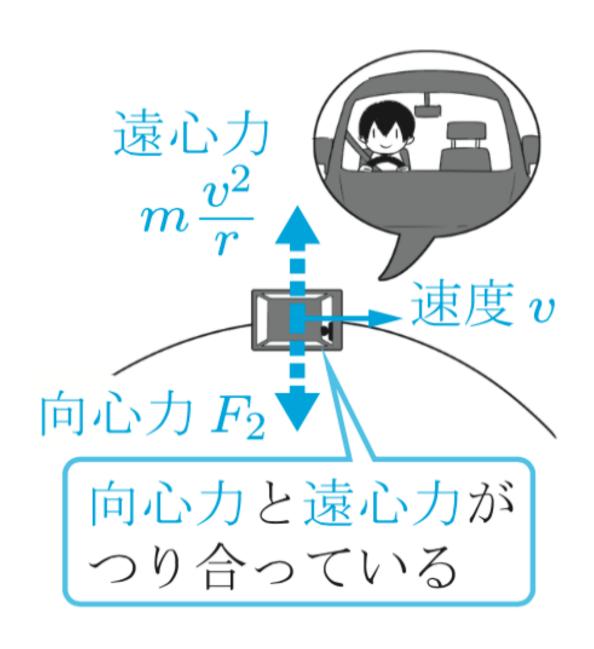


車がカーブするとき、どちらに力がかかる?

外から見る人 (静止系) 車は円運動



向心力を受けて, 円運動している. 車内の人(加速度系) 運動なし



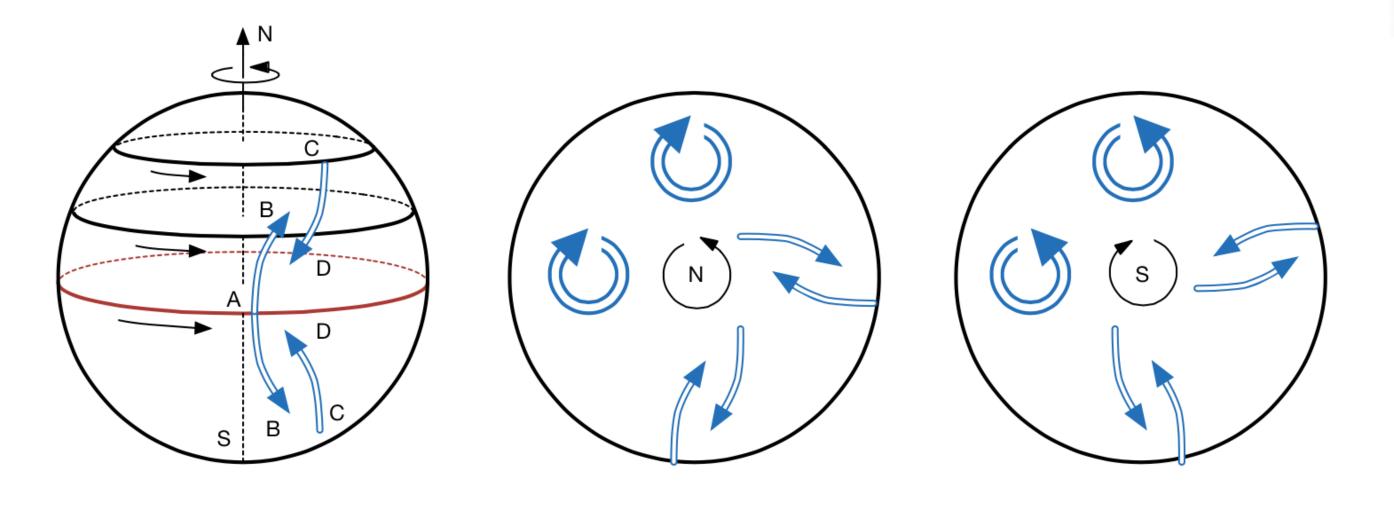
向心力と遠心力が つりあっている.

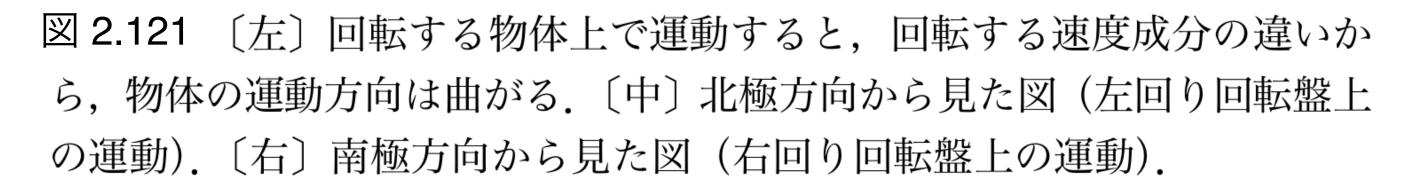
力8 コリオリのカ(転向力)=回転に応じた慣性力

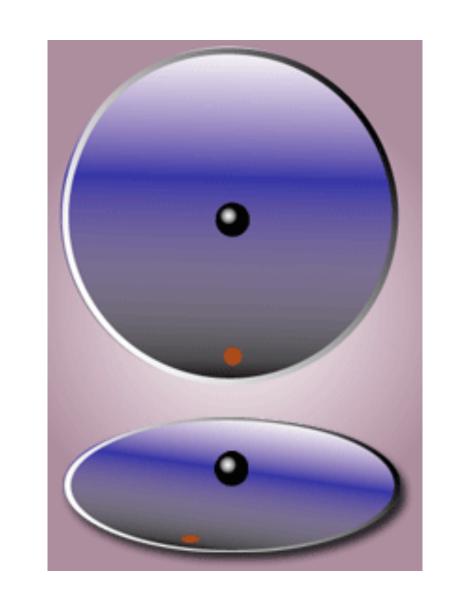
法則 コリオリの力 (転向力)

回転運動をする物体に沿って運動を考えるときには、慣性力としてコリオリ力が加わる. 反時計まわり(時計まわり)に回転する盤上では、運動する物体は進行方向に対して右向き(左向き)に力を受ける.









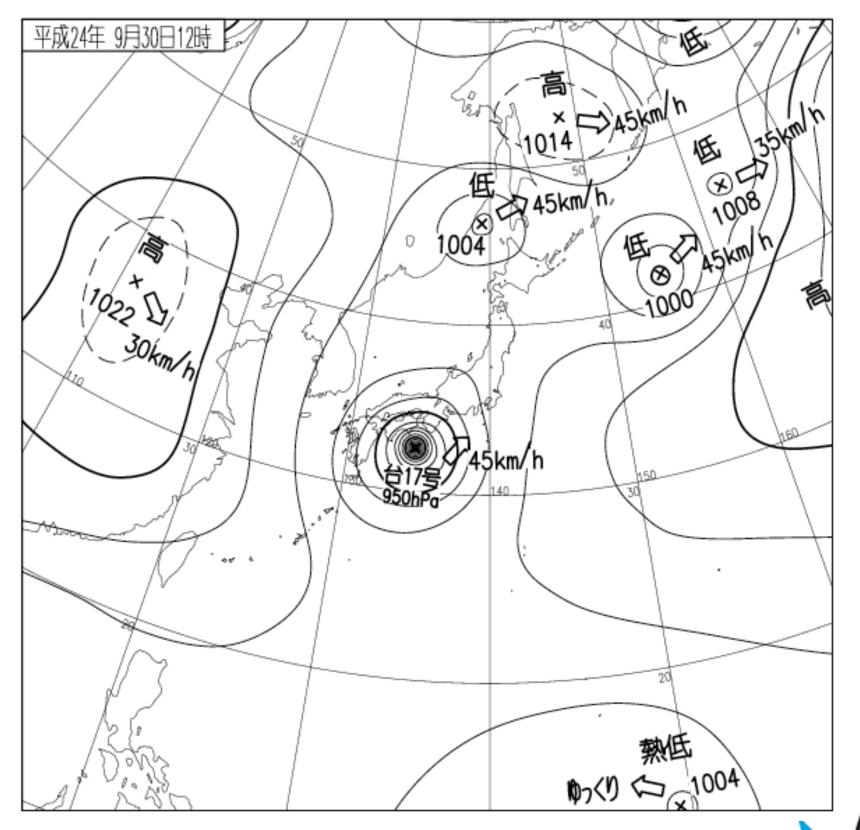
2. 力学 》 2.6 回転する運動 》 2.6.4 コリオリの力



体感型実験装置群「台風」8 11 台風の科学2-3「コリオリの力」

https://www.youtube.com/watch?v=QLW2Vo2QN6o

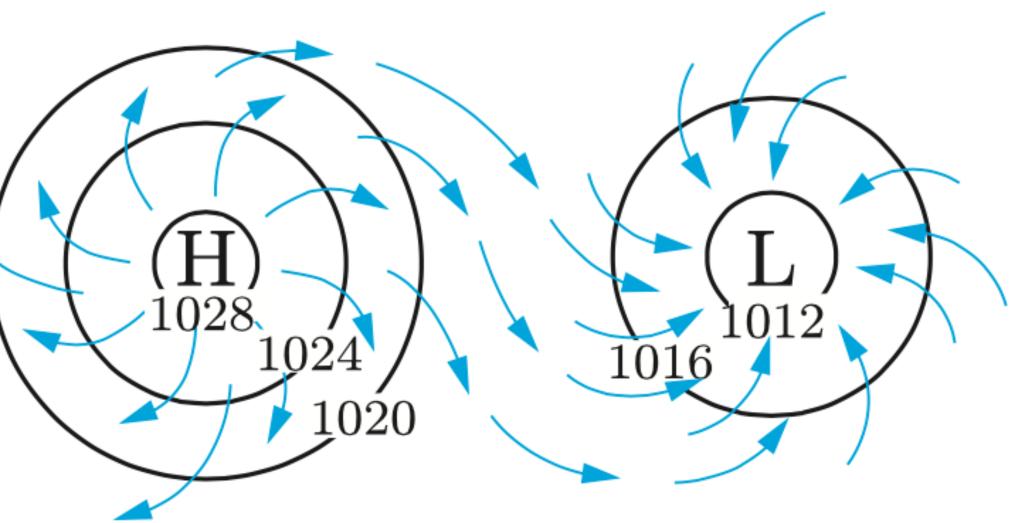
高気圧と低気圧



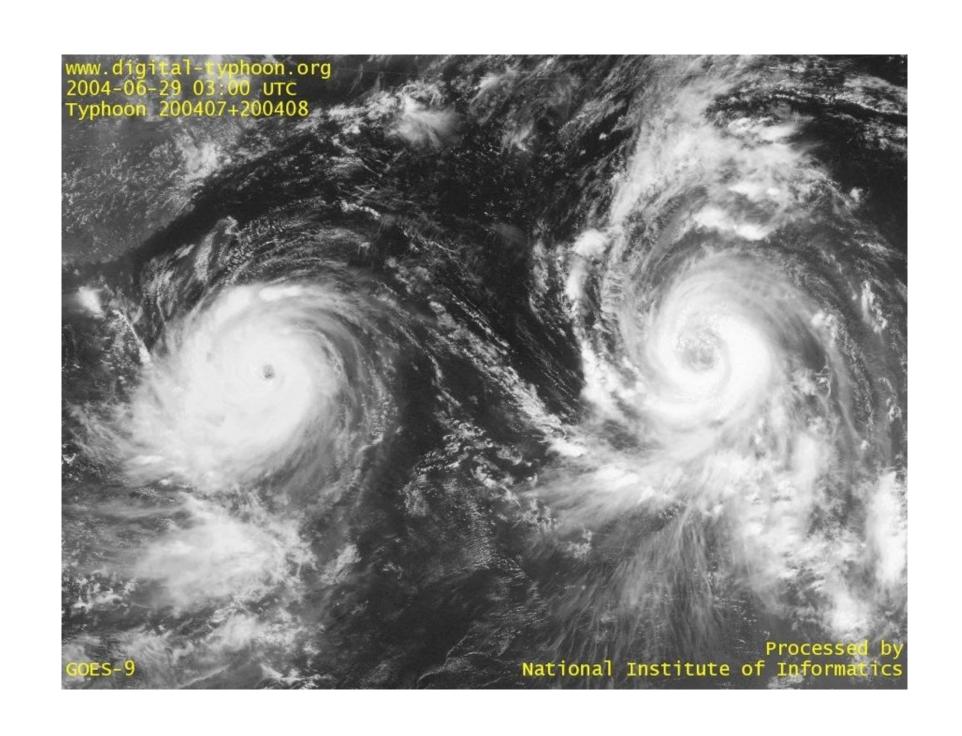
Topic 高気圧,低気圧

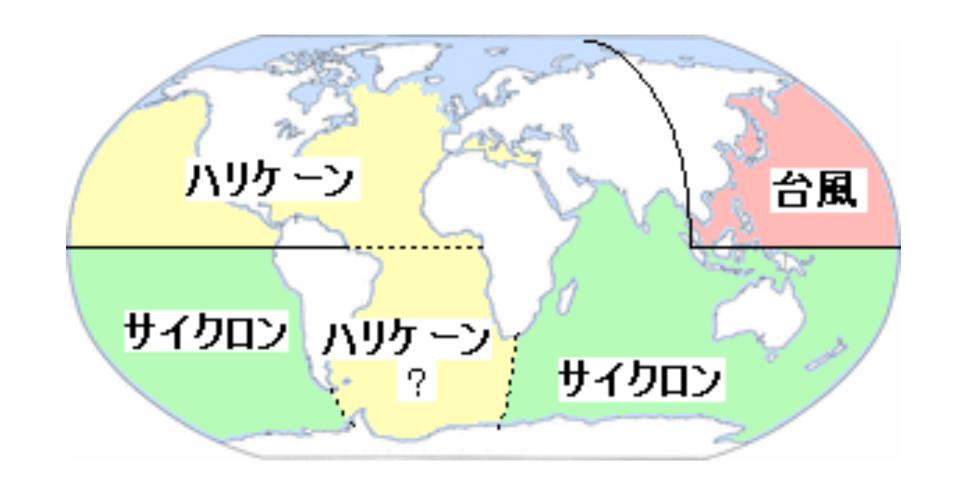
天気予報の気圧配置でいう高気圧, 低気圧とは, 地表付近での気圧の大小を相対的に述べたものである. 地表付近では, 高気圧から低気圧へ大気は流れる (コリオリの力によって, 高気圧から低気圧に向かって風は傾いた経路で流れる).

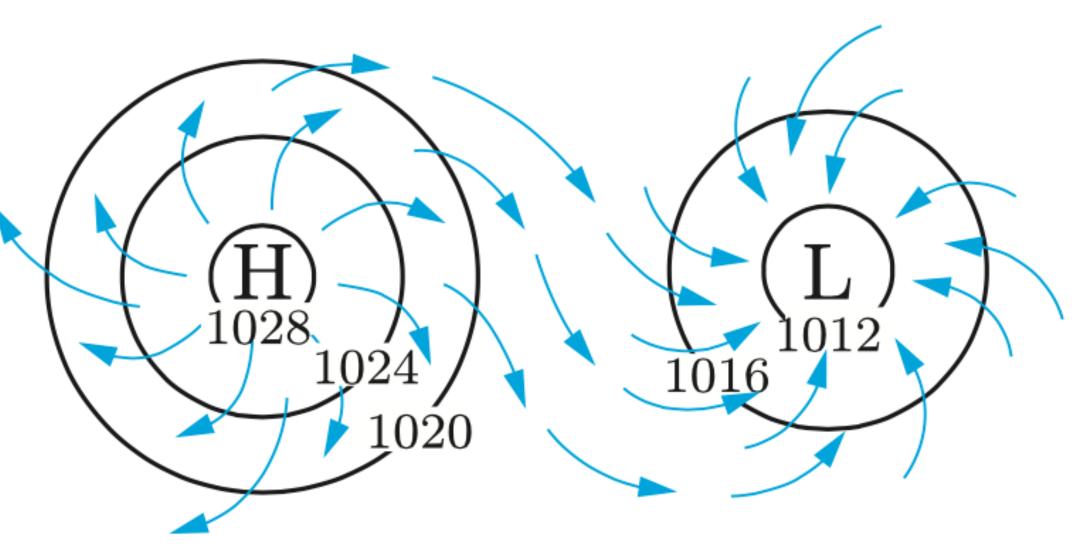
高気圧の部分では、上空から大気が流れる下降気流になる.下降気流では、雲が発生しにくいため好天になりやすい.一方、低気圧の部分では、流れ込んだ大気は上昇気流となって上空へ移動するが、今度は、雲ができ雨が降りやすくなる.



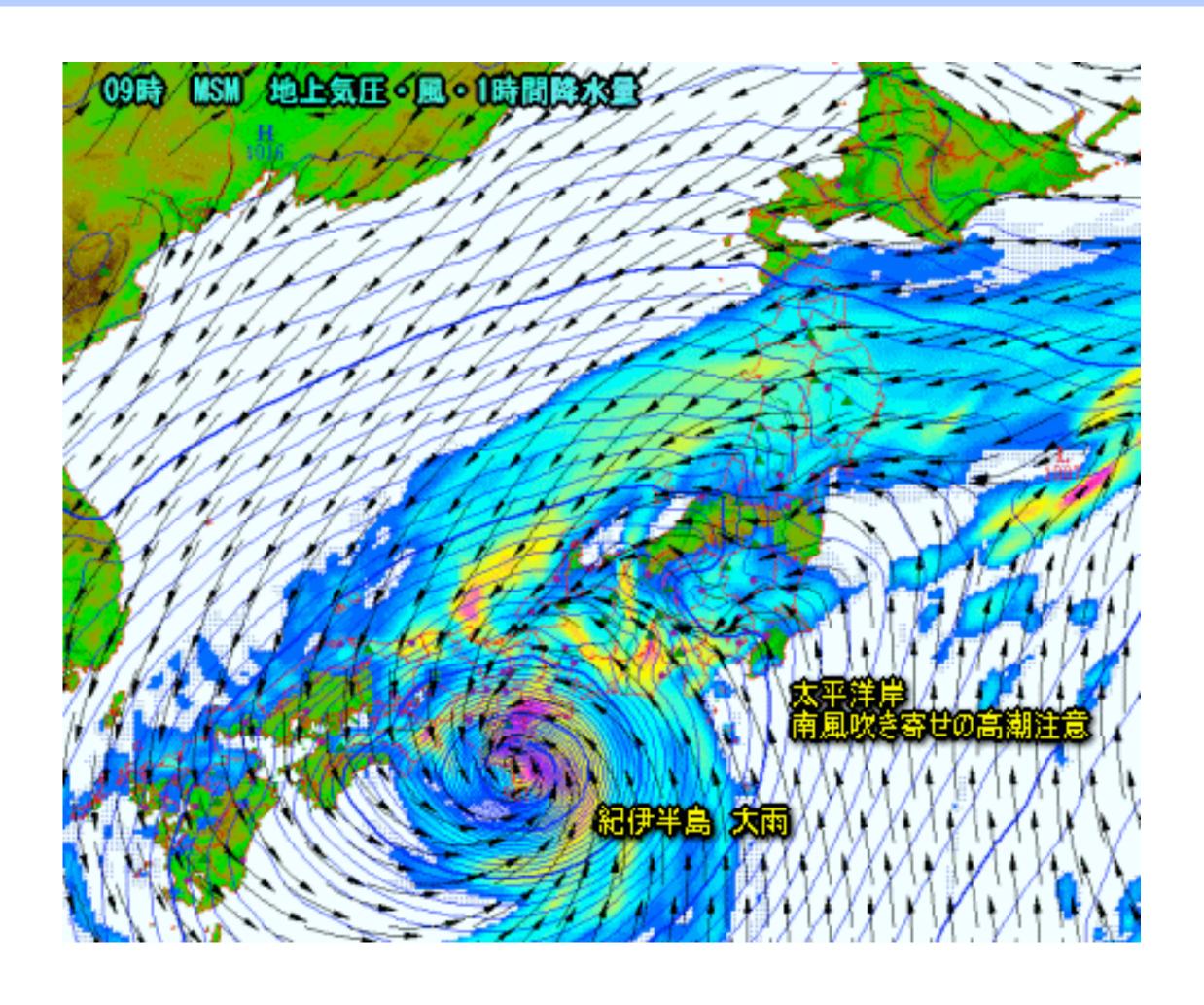
台風はなぜ反時計まわりか?







台風はなぜ反時計まわりか?



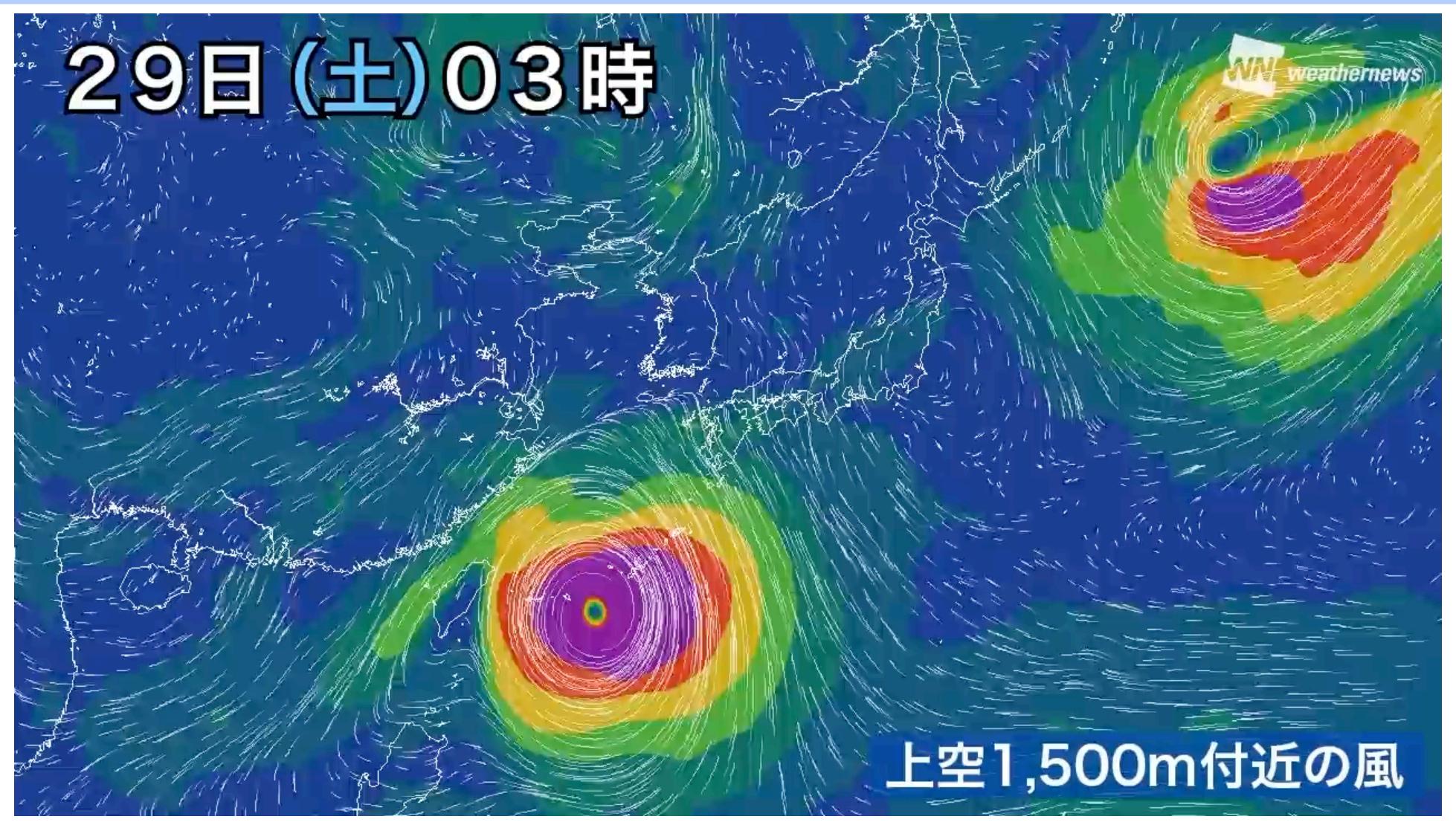
http://kasayan.naganoblog.jp/e831684.html

2013年10月24日から26日



日本気象協会 http://tenki.jp/past/detail/?day=25&month=10&selected_image=satellite&year=2013

2018年9月28日 台風24号 上空1500m 予想シミュレーション



ウェザーニュース

https://www.youtube.com/watch?v=OaMudtNHd80

コリオリの力(転向力)の日常生活への影響?

Topic 風呂の栓を抜いて水が回り込む方向

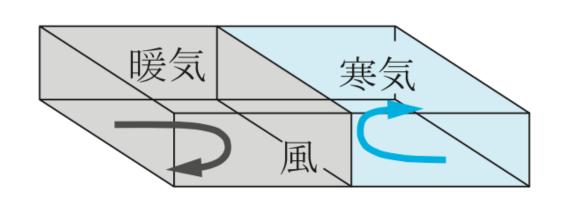
風呂や洗面台に水を溜め、栓を抜いて流れる様子を確認してみよう.「低気圧と同じように吸い込まれていく水は、北半球では、反時計回りになっている」…という説明が書かれている本がよくあるが、コリオリの力はとても弱く、地球規模の運動でようやく出現するものである. 風呂や洗面台では、栓の場所や初期の水の回転運動などがその後の回転運動を決めてしまうようだ. 洋式水洗トイレの水の流れの向きも構造上のものである.



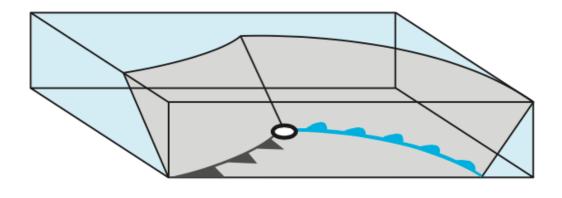


【赤道のハナシ】 #02『「赤道」実験の真実』

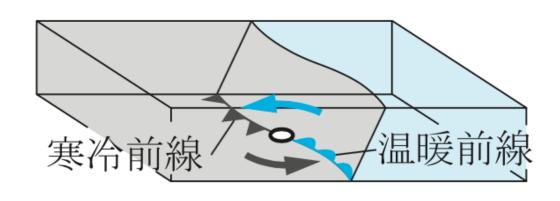
温暖前線(hot front)·寒冷前線(cold front)



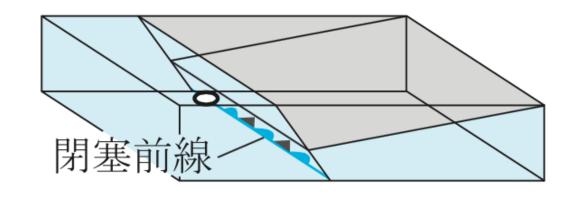
(a) 暖気と寒気



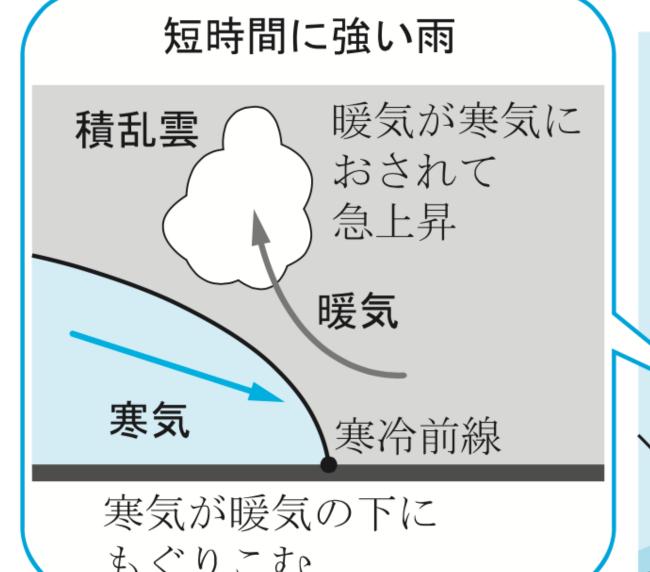
(c) 寒冷前線が近づく

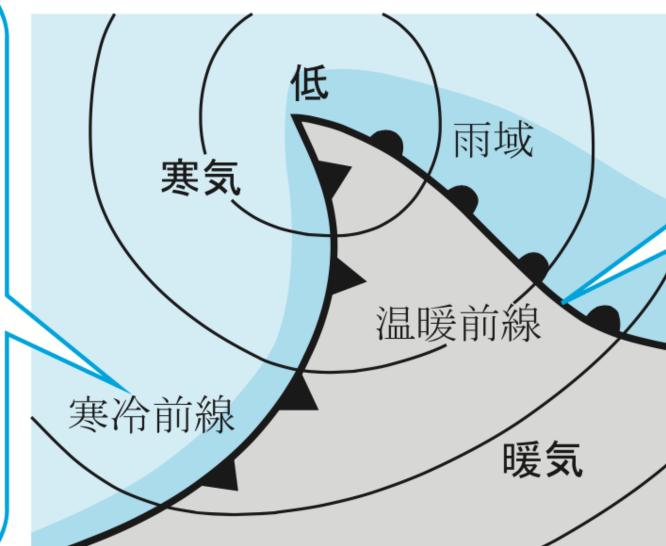


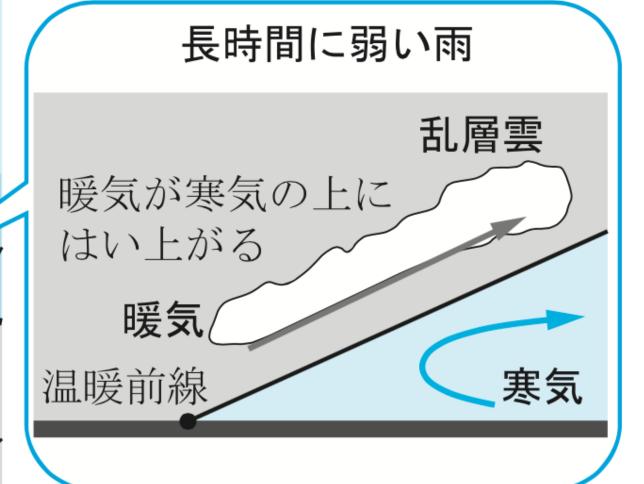
(b) 温暖前線と寒冷前線の発生



(d) 前線が合体し閉塞前線になる

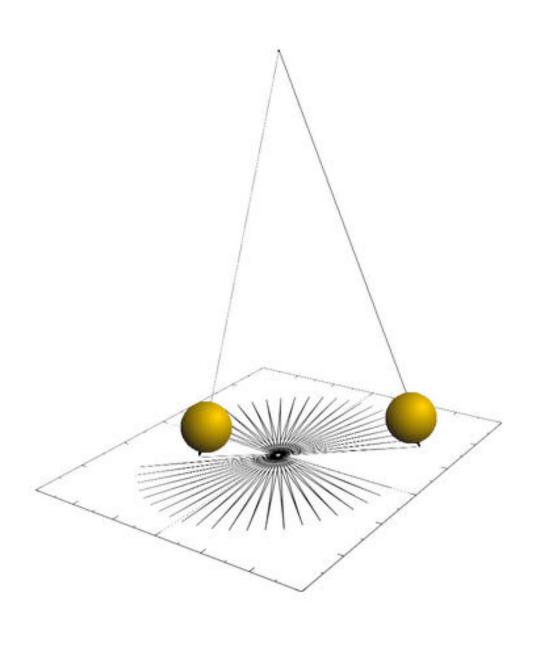


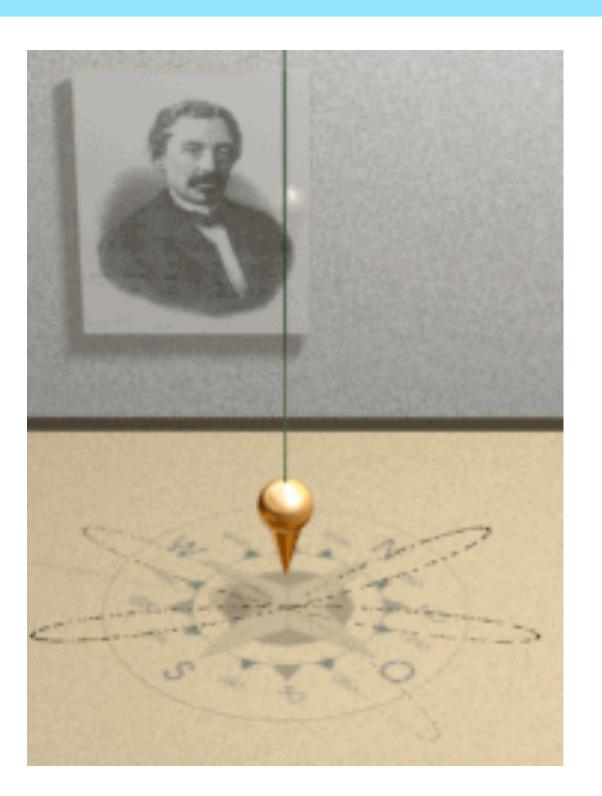




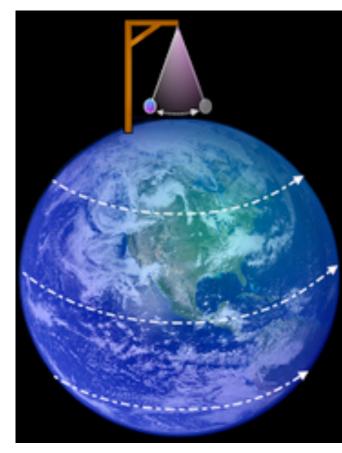
フーコーの振り子

Foucault pendulum









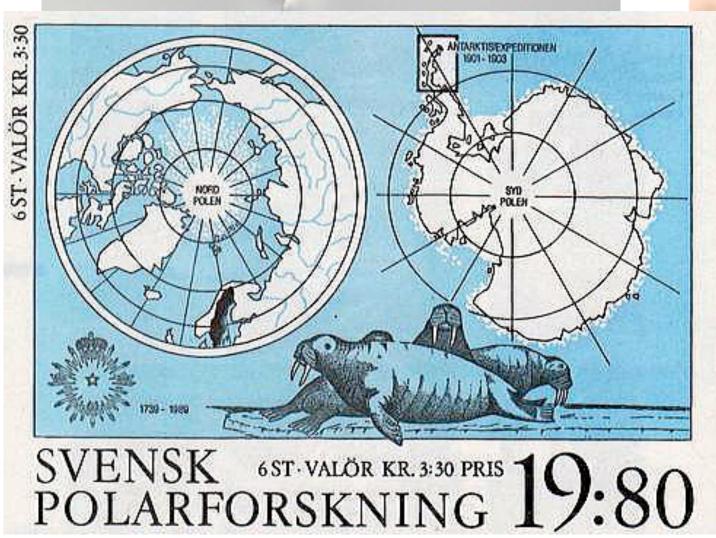
1851年、地球が自転していることを証明した。

Topic フーコーの振り子

地球が自転していることを証明した実験として,フーコーが行った振り子が有名である。長いひもにおもりを付けて長時間振り子を振れさせると,振動方向が見かけ上回転していくという現象である。1851年,パリ天文台とパンテオンにて公開実験が行われ,人々を感心させた。パンテオンの実験では,全長 67 mのワイヤーで 28 kg のおもりを吊るしたものが使われたそうだ。回転する原因はコリオリ力である。北半球では右回りに振動面が回転し,1周するのに必要な時間 T は,緯度 θ の地点では,T=24 時間/ $\sin\theta$ になる。北極点では 24 時間,赤道上では回転しない。北緯 35 度ではおよそ 41.8 時間である。

3. 流体:連続体の性質







○第3章 流体―連続体の運動

- 3.1 圧力一流体がまわりに及ぼす力
- 3.2 浮力一気球はなぜ飛ぶか、船はなぜ浮くか
- 3.3 流体の動き一飛行機はなぜ飛ぶか

J	-	1	
		8	

92

97

力10

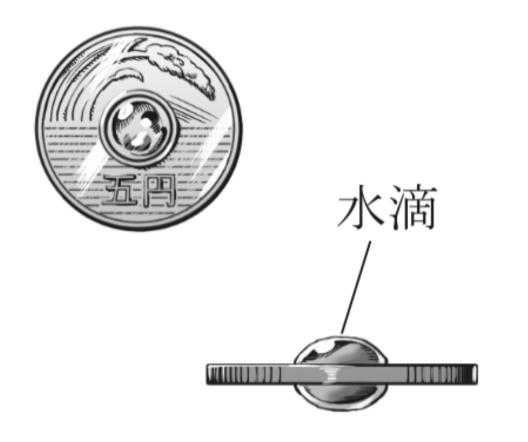
表面張力

表面をできるだけ小さくしようとする液体の性質のこと.

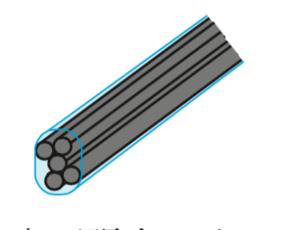






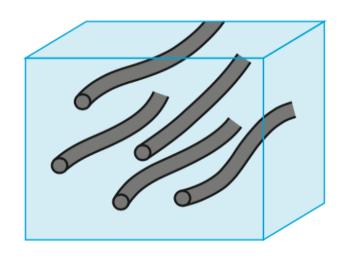


風呂上がりの髪



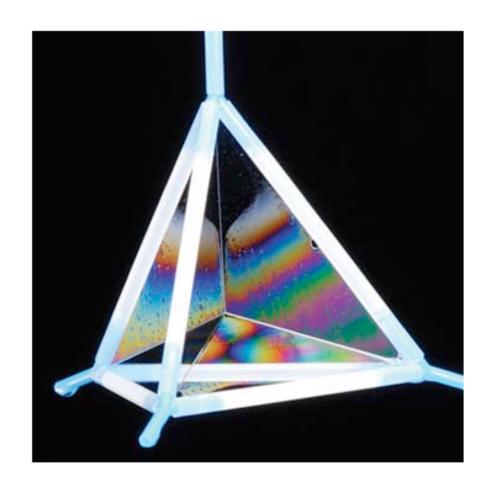
(a) 表面張力でくっつく

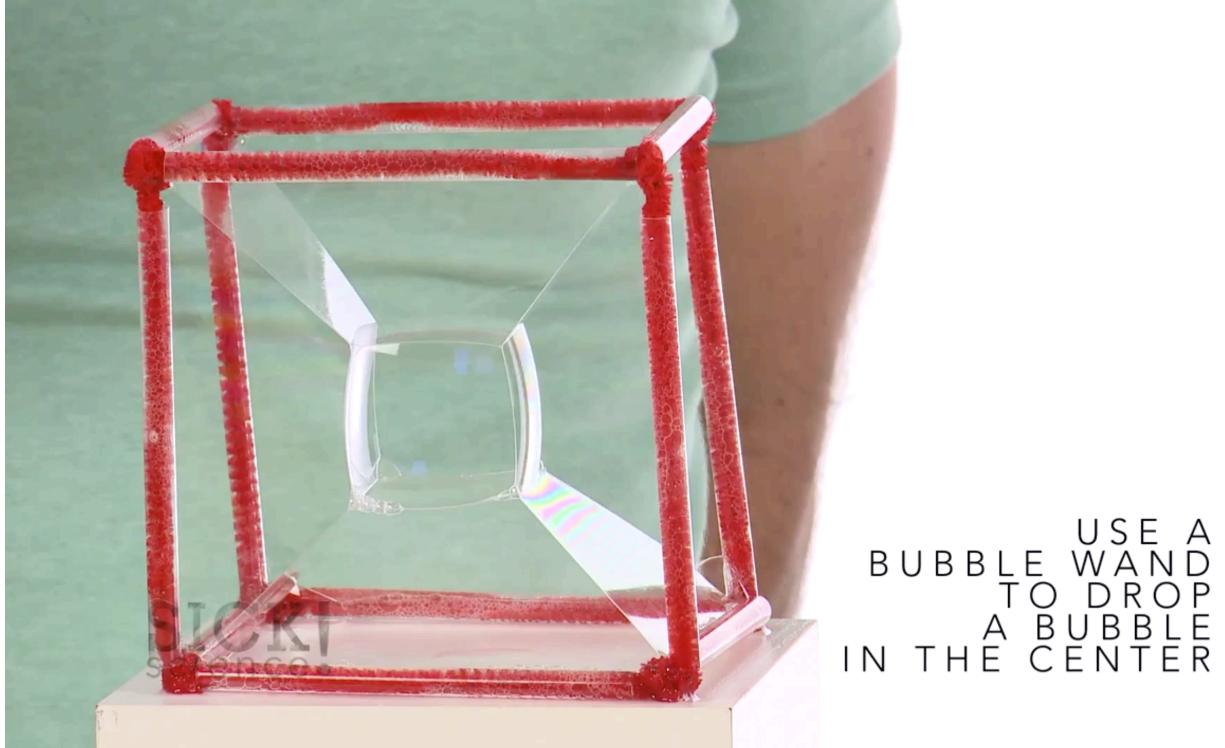
プールの中の髪



(b) 水中ではさらさら

表面張力



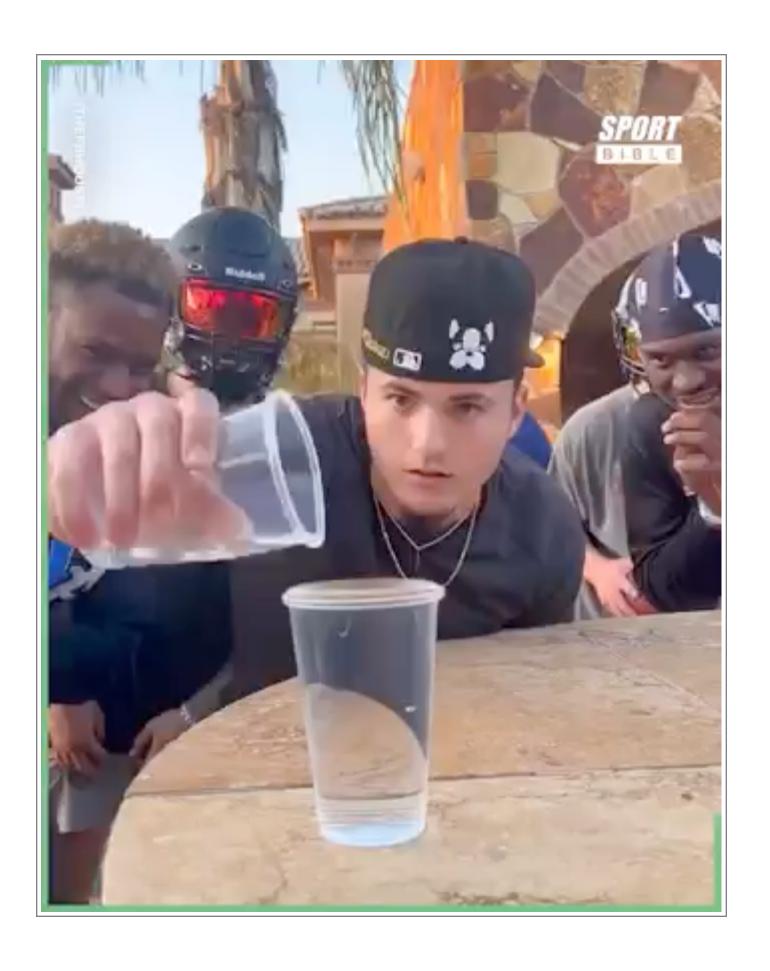




Square Bubble - Sick Science! #149

https://www.youtube.com/watch?v=12UIOIzai5M

表面張力の実験



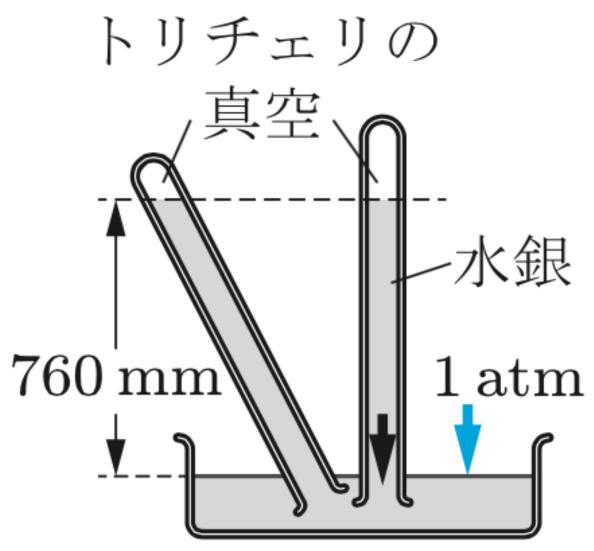


This was so intense. It should be an Olympic Sport 😅 🏅

トリチェリの実験

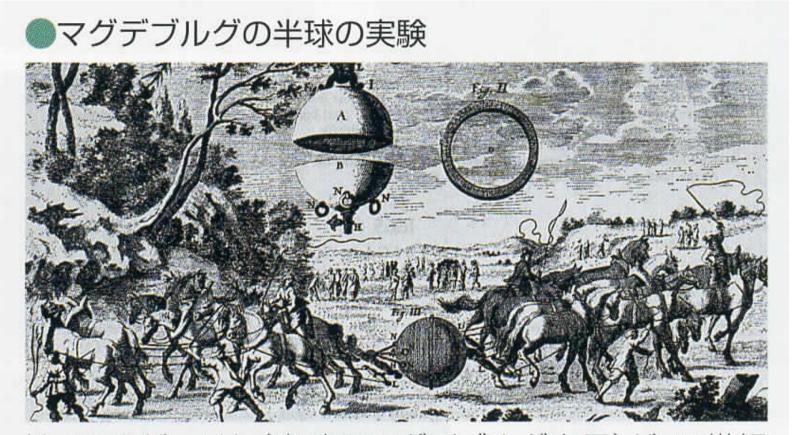
マグデブルグの半球の実験





Evangelista Torricelli (1608-47)

大気に圧力があることを示した



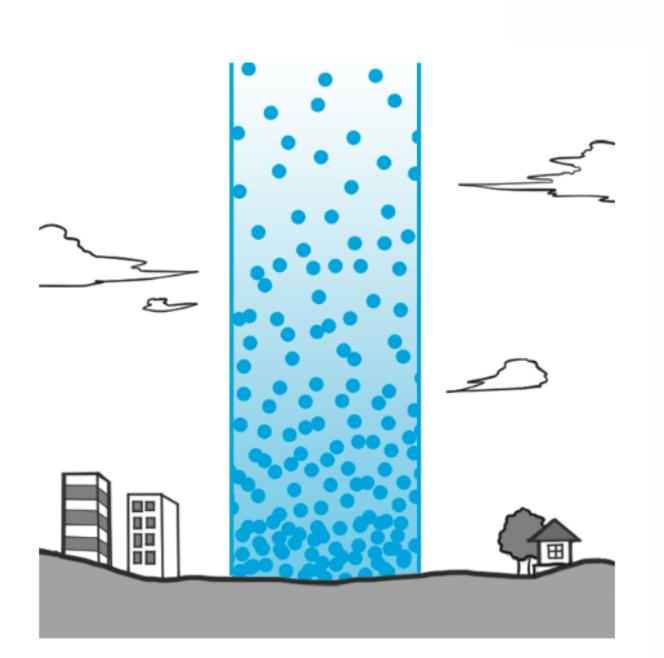
ドイツのゲーリケ(当時のマグデブルグ市長)が17世紀半ばに行った大気圧の大きさを示す 実験. 2つの金属製半球容器を合わせて中の空気を抜くと、ぴったりくっついて外れなくなった。両側から馬8頭ずつで双方から引っ張ってもなかなか外れない様子が描かれている。 (ちなみに、作用反作用の法則により、片側を固定して馬8頭で引っ張っても同じである。)

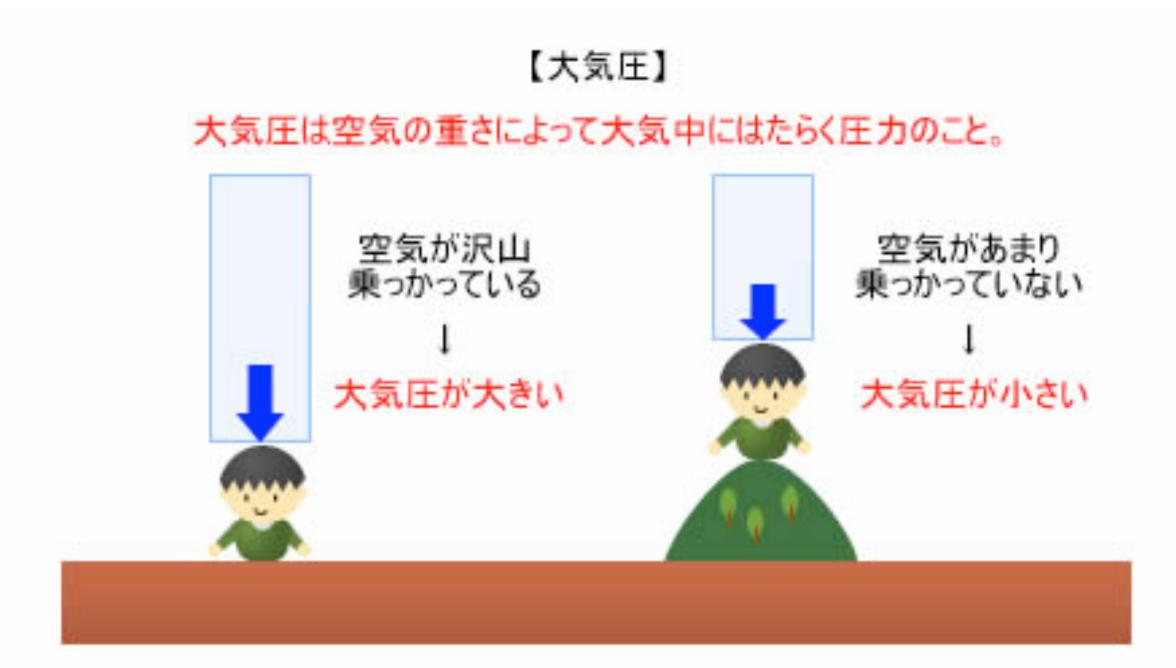


大気圧の大きさを示した

圧力







定義圧力

単位面積あたりにはたらく力を圧力 p という.

$$p = \frac{F}{S} = \frac{\text{加わる力 [N]}}{\text{面積 [m^2]}}$$
 単位は $[N/m^2] = [Pa]$ (3.1)

単位は [Pa] (パスカル) である.

気圧の単位



- ★地表付近の気圧を「1気圧」という.
- ★水銀柱の高さは、760mmなので、
 - 「1気圧」= 「760 mmHg」
- ★1気圧にほぼ等しい単位として,

「1気圧」= 1.01325 b (バール)

= 1013.25 mb (ミリバール)

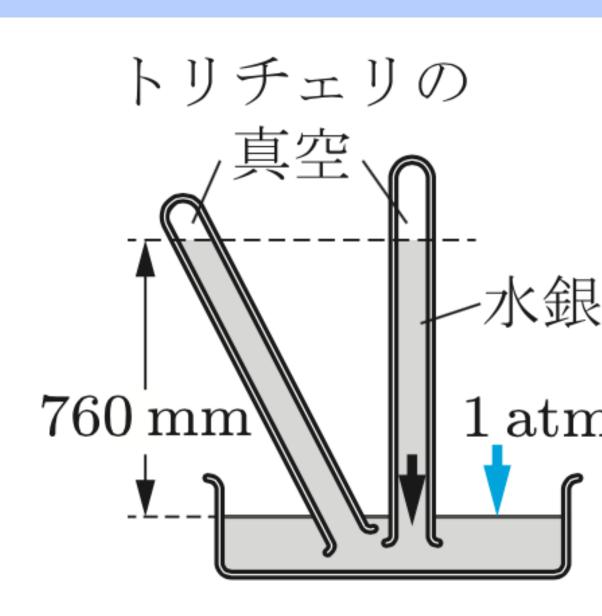
★国際単位系に合わせるため,

日本の天気予報では1992年から

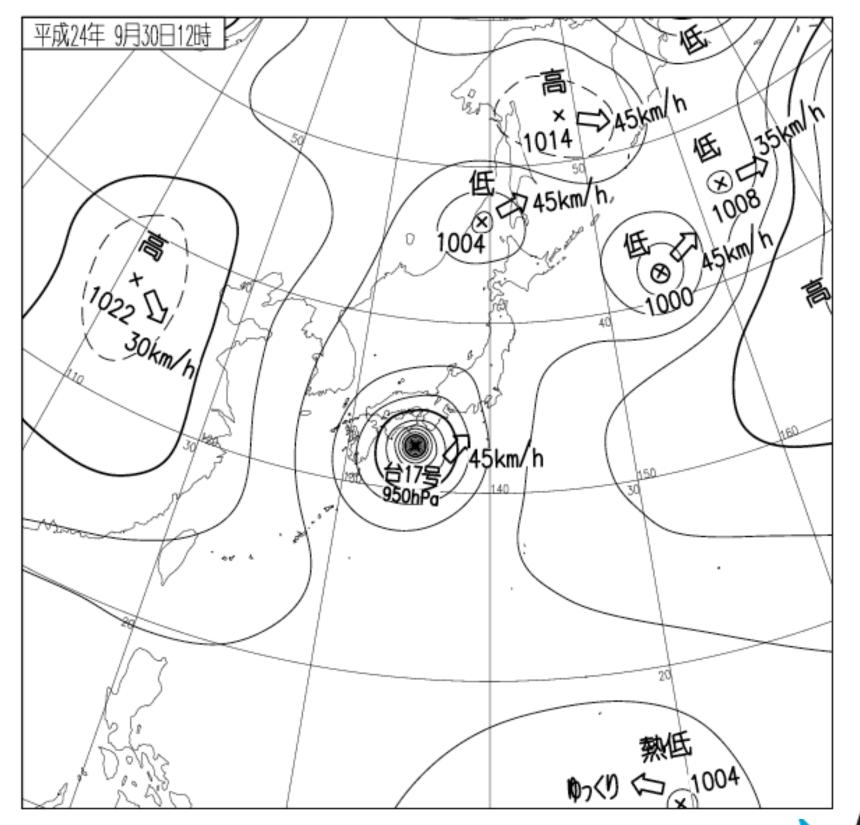
「1気圧」= 10.1325 Pa (パスカル)

= 1013.25 hPa

1気圧=「親指の爪(1cm 四方) に1kgくらいの力」



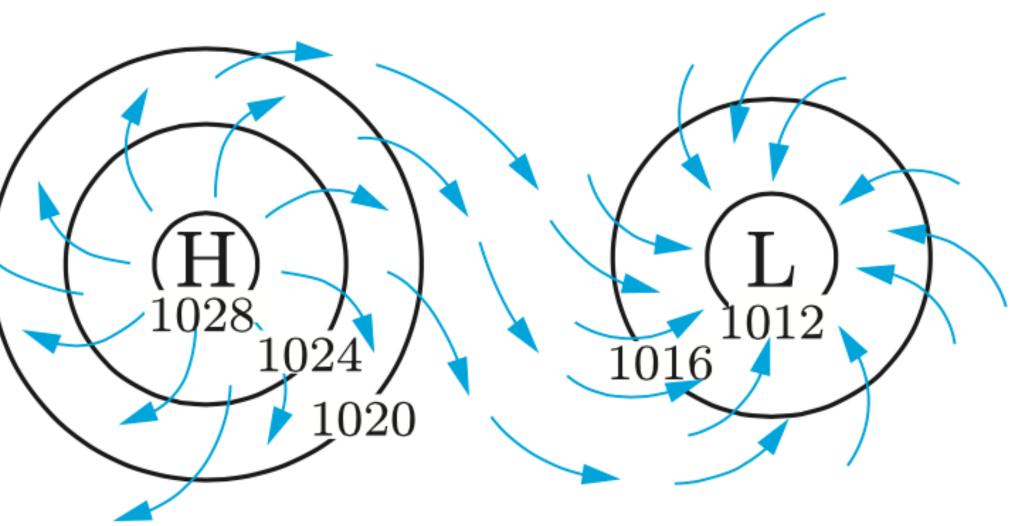
高気圧と低気圧



Topic 高気圧,低気圧

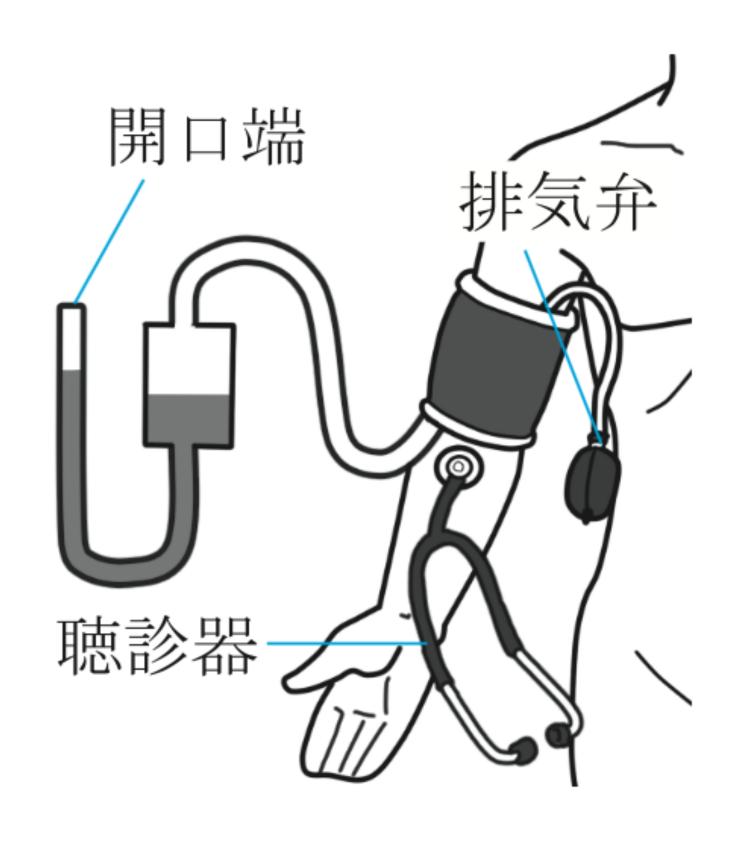
天気予報の気圧配置でいう高気圧, 低気圧とは, 地表付近での気圧の大小を相対的に述べたものである. 地表付近では, 高気圧から低気圧へ大気は流れる (コリオリの力によって, 高気圧から低気圧に向かって風は傾いた経路で流れる).

高気圧の部分では、上空から大気が流れる下降気流になる.下降気流では、雲が発生しにくいため好天になりやすい.一方、低気圧の部分では、流れ込んだ大気は上昇気流となって上空へ移動するが、今度は、雲ができ雨が降りやすくなる.



血圧計のしくみ

血圧(blood pressure)とは、血管内の血液(一般には動脈)の圧力のこと。 心臓の収縮期の血圧を収縮期血圧(または最高血圧) 拡張期の血圧を拡張期血圧(または最低血圧) と呼ぶ。



圧迫を緩めて脈音がするところが最高血圧 脈音がしなくなるところが最低血圧

単位は永年の慣行から mmHgを使用する.

女性↓ 肥満↑

睡眠中↓ 午後↑ 食後↑ 運動後↑

入浴 - 適温↓ 熱い風呂↑

適度の飲酒↓ 過度の飲酒↑ 喫煙↑

温暖時↓寒冷時↑

リラックス↓ ストレス↑

麻酔↓ カフェイン↑

どこでもドアで大阪から富士山の山頂へ行く. 気圧の違いを考えると、ドアは引き戸がよいか、押し戸がよいか.

押し戸がよい

気圧差でからに強く引っはられるから。引き戸びと開かない。

空気は気圧が高い方から低い方に移動するため引きたとかアかあかないから

るはやのは高ら、大阪側の気はか 高いのをもが聞かてないと考えてる。

富士山の山頂の方が気圧が低いりではいたが聞きけるくない

押し戸がより、気在でよりは(色いから高い自動地点から、気圧を送り込み(2"いいと思ったから、

富生山の方が気圧が性いの気圧は高いところから使いをころへごなれるので、押した。

山頂は空気がうすいので引いて開けるよりも押す方が 自分の力を加えられる

引きたど空気が入っていこうとして重ぐ703から

気圧か高い(大阪)ところから低い(富士山)のところハ行へので、押し戸の方か良い。

またしゃが、直によるではなり、大いななりではななが、まこれましまり、ないからないとのないないとのなったいのでは、大いななりではないとの人をからたないながらしていたかっているとうのなないでしていたかっていまりはないできましまのなない。

引き戸がよい



少如何有压的自然工作了出现的山頂的自己的值的一个不是到人的工作的则的空气压成

く、キャレ戸をおけた瞬間、大阪の空気 よってきて、キャレ戸を目がはくしょため、 31ま戸のおかずよい。

31き戸、押し戸だと開めなせそうだから-

押し戸だと、小頂の気圧が付いので、部屋から山頂への風でドアが開められなくなるもう。引き戸がより。

引きアかいいいと思う。

高度が上がかと気をがでからものトピラが問けにべてもらから

地上り気圧が低いため、神の戸では勢いよく聞いてしまりのかはないか

引き戸。富士山の方が気圧が重くて押せてよいと思り。

)押し戸だと、大阪から富士山人行く時に、ドアが重くて開けられてい。 引き戸は、横にスライドかたか、押し戸かをに開けられる。

→ 畠士山の山頂は気圧が低く、大阪の気圧のほうが高い状態になる。 引き戸であれば高い気圧がドアを押し出してくれるでめ開けやすくなる。

2002年センター試験「総合理科」第5問

В

- さとし じゃあ、めぐみはどんなものが欲しいの?
- めぐみ そうね。もう少し現実味があるという意味で、「どこでもドア」なんてある といいわね。
- さとし あれって、そんなに現実的かなあ。まちがって出口が海の底にでもなって いたら、部屋中が水だらけだよ。
- めぐみ でも便利よ。たとえば、エベレストの山頂に行ってみたいと思ったとき、 ここにドアをおいて、パッと開けたらそこがエベレストよ。
- さとし「そこがエベレストよ」って、ドアを開けたらどうなると思うの?
- めぐみ どうなるの?
- さとし あのね,人やものが自由に出入りできるのだったら,空気だって自由に出 入りできるんでしょ。もしそうなら、山頂の方がこの部屋より気圧が っ すごい風が起きて、みんな吹き飛ばされてしまうよ。
- めぐみ そうね, エベレストはやめましょう。でも, ちょっとした旅行には便利 よ。たとえば, 東京から那覇へ行くくらいなら便利よね。
- さとし そんなことないよ。ここに_(b)今日の天気図があるんだけれど、これによると東京と那覇の間の気圧差は25 hPa もあるよ。
- めぐみ そんなの微々たるものじゃない?
- さとし 計算してごらんよ。ドアの大きさを $1 m \times 2 m$ とすれば、ドアにかかる力は x kg 重にもなるんだよ。
- めぐみ わかったわ。でも、さとしの方こそ夢がないのね。





どこでもドア:行きたいところにすぐ行ける便利なドア。

(藤子・F・不二雄『大長編ドラえもん回のび太の日本誕生』)

- 問 4 文章中の空欄 ウ に入れるのに最も適当なものを、次の①~④のうち から一つ選べ。 4
 - (1) 高いのだから、部屋からエベレストに向かって
 - ② 高いのだから、エベレストから部屋に向かって
 - ③ 低いのだから、部屋からエベレストに向かって
 - ④ 低いのだから、エベレストから部屋に向かって
- 問 5 文章中の空欄 エ に入れる数値として最も適当なものを、次の①~④ のうちから一つ選べ。ただし、ドアにかかる力は気圧差によって引き起こされるものとし、1 hPa は 10 kg 重 /m² とする。 5



2 50

3 25

4 500



東京·那覇は 25[hPa] の気圧差

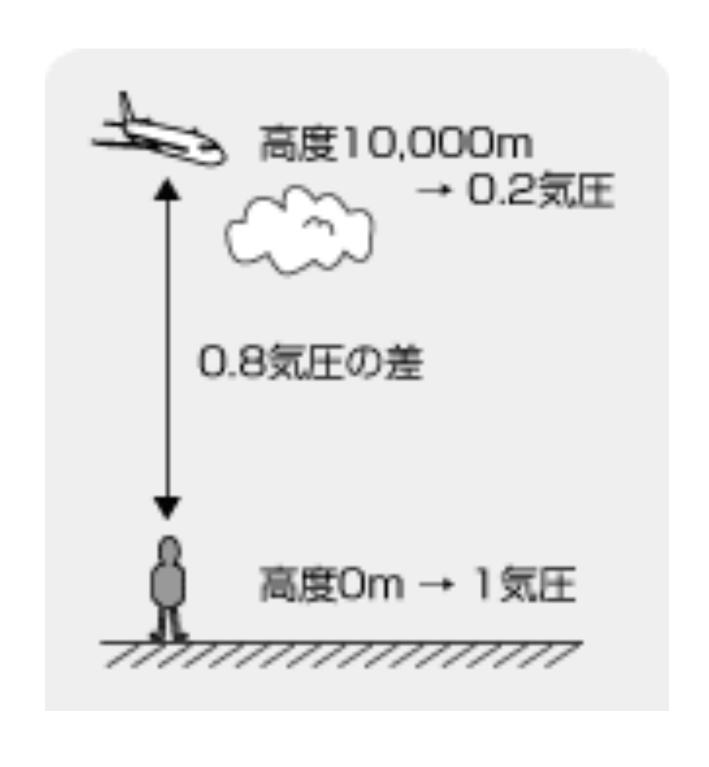
2 [m²] のドアに加わる力は,

10 $[kg extbf{f}/m^2/hPa] extbf{x} 2 [m^2] extbf{x} 25 [hPa] = 500 [kg]$

飛行機に乗ると耳が痛くなることがあるのは何故?

地上から富士山に動間物動したら、仕ばかけるかく

飛行機の機内は気圧を下げる.上空で飛行するとき,少しでも機体への外圧を小さくするため. 離陸直前に,15分で0.8気圧に(高度2000mに相当).





0.6気圧差でも、飛行機の胴体が受ける力は1m2当たり6トンにもなる

https://www.soranohi.net/node/39

前回のミニッツペーパーから

〔5-3〕 ハイヒールvsゾウ 踏む圧力は何倍違うか? 圧力は、総重力÷総面積 で定義される

「象が踏んでも壊れない」















前回のミニッツペーパーから

〔5-3〕 ハイヒールvsゾウ 踏む圧力は何倍違うか? 圧力は、総重力÷総面積 で定義される

象の足

足は直径50cmの円 (面積 2000 cm²) 足4本 体重 5000kg



ハイヒール

1cm角 or 2cm角 (面積 1 cm²) 足2本 体重 40kg



前回のミニッツペーパーから

〔5-3〕 ハイヒールvsゾウ 踏む圧力は何倍違うか? 圧力は、総重力÷総面積 で定義される

象の足

足は直径50cmの円 (面積 2000 cm²)

足4本 体重 5000kg

$$P_1 = \frac{5000}{4} \times \frac{1}{2000} = \frac{5}{8}$$
[kg/cm²]

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{20}{5/8} = 32$$
 倍

ハイヒール

lcm角 or 2cm角 (面積 1 cm^2)

足2本 体重 40kg

$$P_2 = \frac{40}{2} \times \frac{1}{1} = 20$$

 $[kg/cm^2]$

スポーツ 政治 経済 国際 トップ

エンタメ

ライフ

ランキング トピックス 写真 エンタメ

エンタメ

いきものかがり山下が足の指骨折…女性にヒールで踏 まれ

[芸能人ブログ] 2013.9.2 09:30

男女3人組バンド、いきものがかりのギター、山 下穂尊(31)が足の指を骨折していたことが1 日、分かった。(サンケイスポーツ)

この日、サンドーム福井で全国ツアーをスター ト。公演終了後のツイッターで、リーダーの水野良 樹(30)が「山下くんが足の指を骨折してまし た。立てます、歩けます、ライブはできます」とつ ぶやいた。骨折理由について「渋谷のスクランブル 交差点で女性にヒールで踏まれたらしいです。がん ばれ、山下くん」と明かし、エールを送った。

一方の水野は、先月17日に一般女性と結婚して 話題になった。



いきのものがかりの山下穂尊

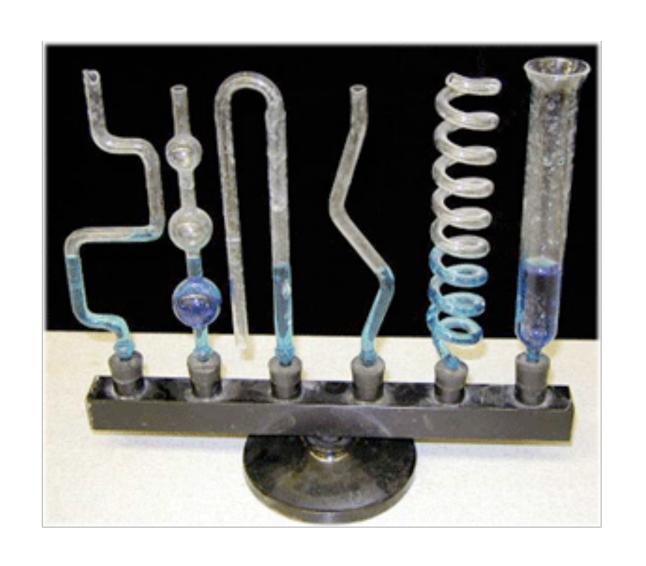
パスカルの原理

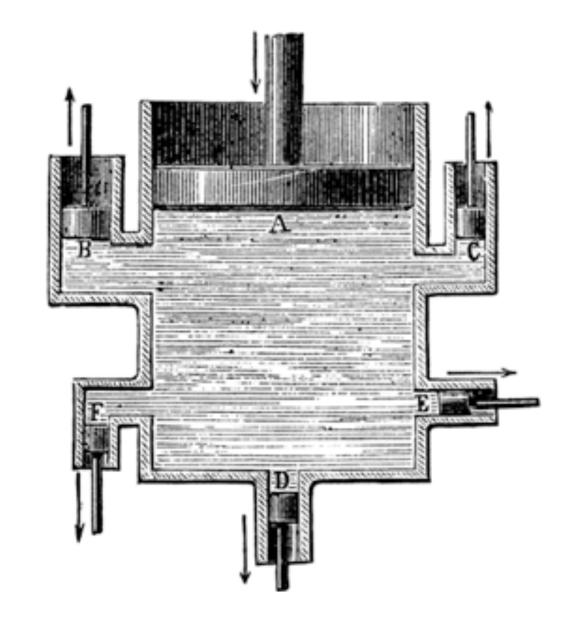
法則 パスカルの原理

密閉容器中の静止している流体に,圧力変化を加えると,流体中のあらゆる部分で同じ圧力変化が生じる.



Blaise Pascal (1623-1662)





パスカルの原理

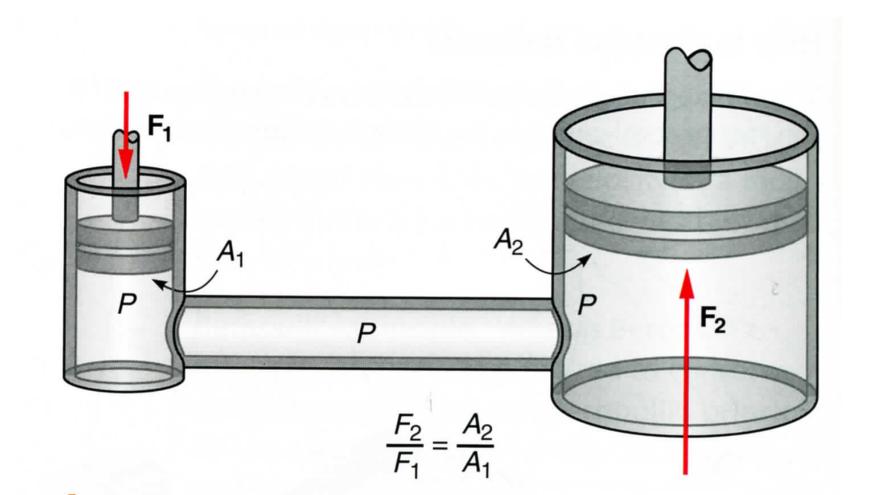
法則パスカルの原理

密閉容器中の静止している流体に,圧力変化を加えると,流体中のあらゆる部分で同じ圧力変化が生じる.



油圧ジャッキ

教科書 p95





油圧ジャッキ

Topic 油圧ジャッキ

パスカルの原理を使って、重いものを簡単に持ち上げるのが、油圧ジャッキである。図 3.8 のように、大きさの違うシリンダ(面積を $S_1 < S_2$ とする)を動きやすい油でつなぐ、油の圧力はどこでも同じ(P とする)なので、小さいほうのシリンダを力 F_1 で押すと $F_1 = PS_1$ であり、大きいほうのシリンダは $F_2 = PS_2$ の力で押し出される。P が同じなので、 $F_2 = \frac{S_2}{S_1}F_1$ となる。つまり、面積比が 5 倍なら、 F_1 の 5 倍の力で押し上げることができる(5 倍長い距離を押し縮めなければならないが)。

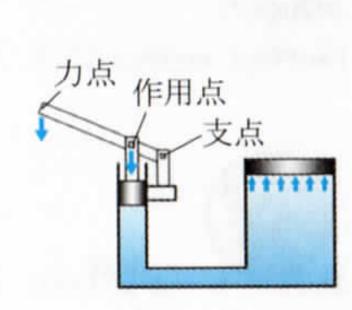
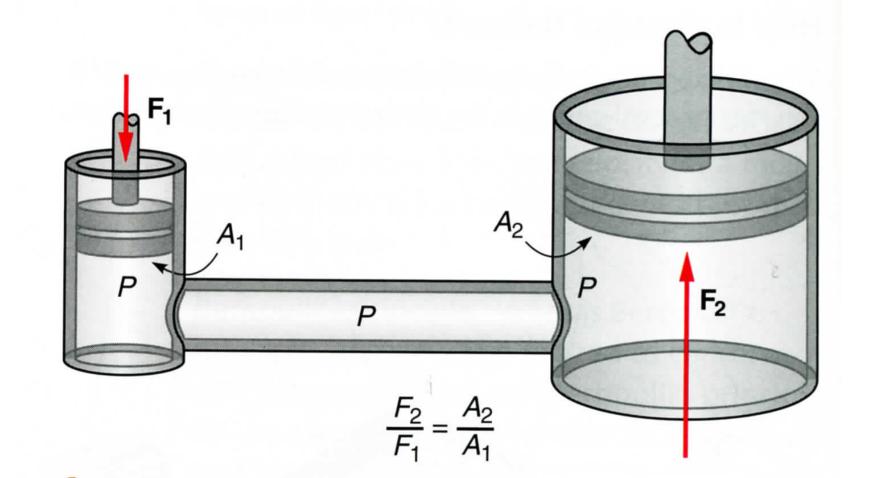


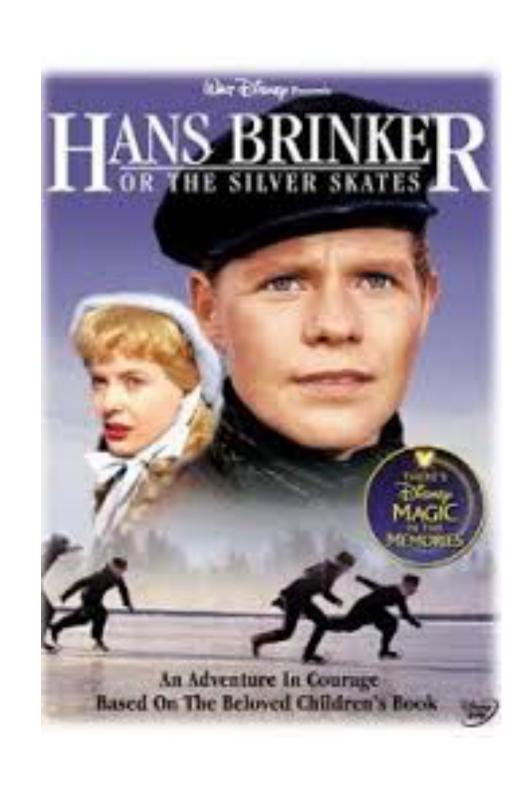
図 3.8 油圧ジャッキ (hydraulic jack) のしくみ

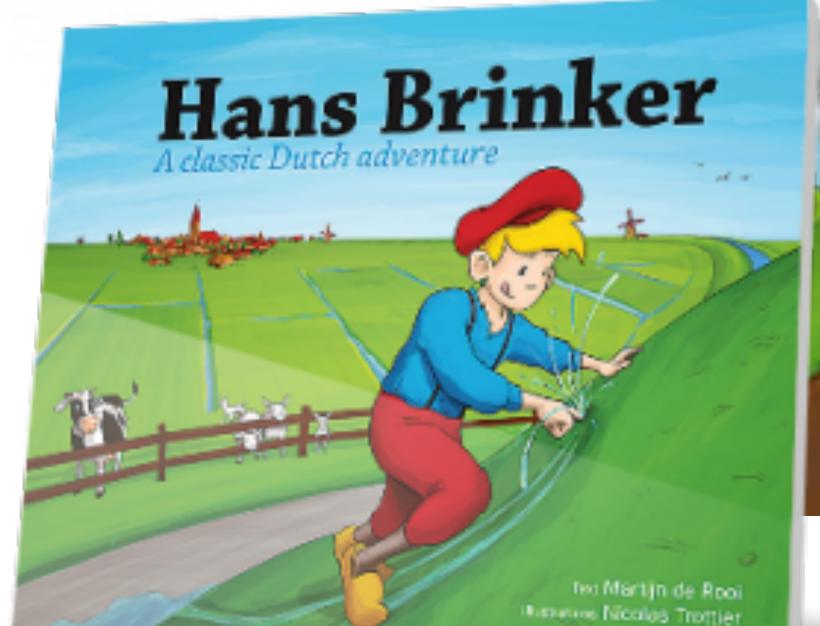


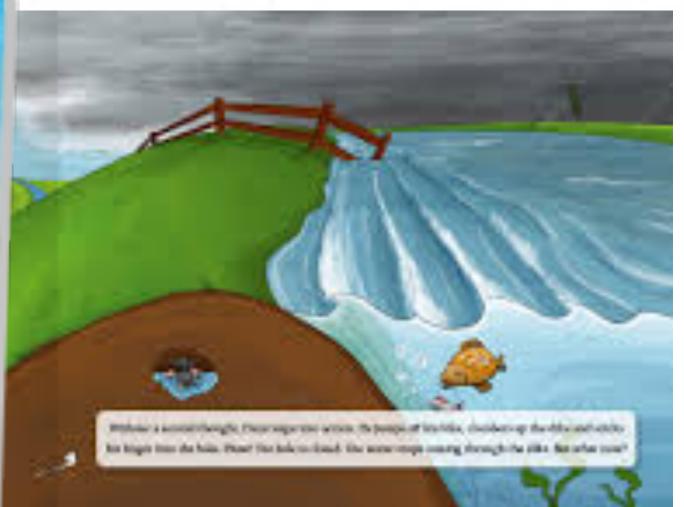


【身近な技術】

3.7 オランダには,ハンス・ブリンカー (Hans Brinker) という少年が,堤防にあいた穴に指をつっこんで塞ぎ,オランダを洪水から救ったという話が伝わっている.本当に指一本で北大西洋全体を支えることができるだろうか.









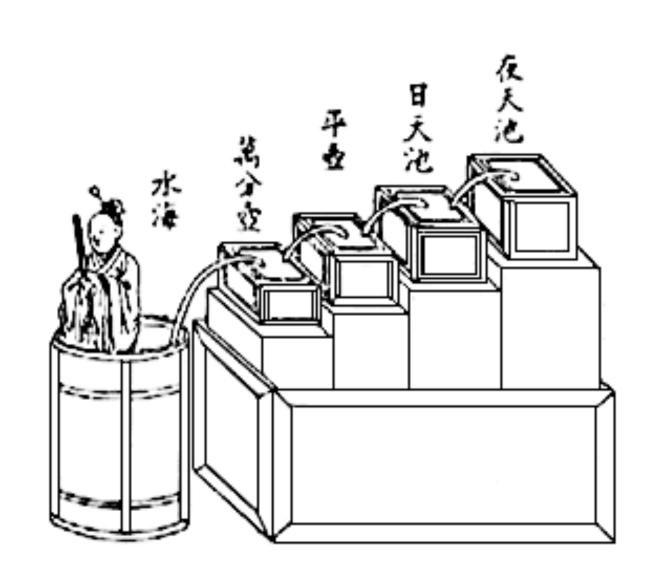
水時計の設計

法則 トリチェリの法則

流体の粘性が無視できるならば、容器に入れた流体の表面の高さが y のとき、容器の底に開けた小さな穴から流出する流体の速度 v は、 $v=\sqrt{2gy}$ である.ここで、g は重力加速度である.



figure 9.15 Water emerging from a hole near the bottom of a can filled with water has a larger horizontal velocity than water emerging from a hole near the top.



昭和56年12月18日、奈良県明日香村にある飛鳥の集落の西北は異常な興奮に包まれていた。中大 兄皇子によって創設された水時計の地設の基壇が発掘されたのである。当時、おそらく飛鳥の都で あったこの場所が、1300年ぶりに賑いをとりもどしていた。『日本書紀』にある宮殿、寺院以外 の記載、斉明6年五月条の「皇太子、初めて漏剋を造り、民をして時を知らしむ。」を証明できた ことは、約半世紀に及ぶ飛鳥の発掘の歴史のなかでも、画期的なできごとであった。

http://www.asukanet.gr.jp/ASUKA4/mizutokei/mizutokei.html

水時計の設計

80 第2章 1階微分方程式

2.6.3 水時計の設計

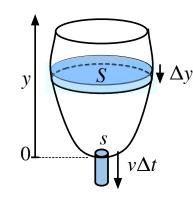
流水の方程式 【Level 2】

トリチェリの定理

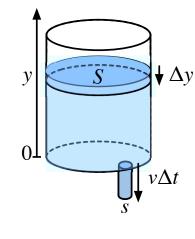
■ Evangelista Torricelli トリチェリ (1608–1647)

容器の形状や流体の密度など によらないきれいな結果であ る.

力学的エネルギー保存則 ⇒ 法則 0.27



円柱形の容器の場合



穴を開け、出てくる水の量で時間を計る仕組みである。容器にたくさんの水があると、水自身の重力が水圧に加わるので、穴から放出される水量は多い。したがって、単純な円筒形の容器では、放出される水量から時間を正確に計れない。どのような形状で容器を作れば良いだろうか。力学的エネルギー保存則から次の法則が導かれる。

古くから時間を計るために水時計が使われている。容器の底に小さな

法則 2.16 (Torricelli の法則)

流体の粘性が無視できるならば、容器に入れた流体の表面の高さが y の とき、容器の底に開けた小さな穴から流出する流体の速度 v は、 $v=\sqrt{2gy}$ である.ここで、g は重力加速度である.

高さyの付近での容器の断面積がほぼ一定でSとする。時間 Δt の間に流体の高さが Δy だけ下がったとき,この間に流出した流体の体積は $S\Delta y$,液体の密度を ρ とすれば,流出した液体の質量mは $m=\rho S\Delta y$ である。失われた位置エネルギーは容器の底面を基準として mgy である。このエネルギーは流出した液体の運動エネルギー $\frac{1}{2}mv^2$ に変化したはずなので, $mgy=\frac{1}{2}mv^2$. したがって, $v=\sqrt{2gy}$.

例題 2.34 半径 R の円柱容器を使って水時計を作る。円柱に等間隔に目盛をつけておくと、容器中の液体の表面が目盛を通過する時間間隔はどのようになるだろうか。

容器中の液体の表面の高さyの時間変化y(t)が求められればよい. 上記の Torricelli の法則の証明と同じ設定で,高さyでの容器の断面積をS(y)とする.時間 Δt の間に液体の高さが Δy だけ変化したとすると,減少した液体の体積は $S(y)\Delta y$ となる.一方底から流出した液体の体積は,開けた穴の断面積sと,流出した液体の速度vを用いて $sv\Delta t$ となる.両者の合計がゼロのはずなので,

$$S(y)\Delta y + sv\Delta t = 0$$
 すなわち $S(y)\frac{\Delta y}{\Delta t} + sv = 0$.

Torricelli の法則より $v=\sqrt{2gy}$ を代入し、 $\Delta t \to 0$ の極限をとると、微分方程式

$$S(y)\frac{dy}{dt} + s\sqrt{2gy} = 0 (2.6.50)$$

が得られる.

容器が半径 R の円柱なら, $S(y) = \pi R^2 = (-定)$ なので,(2.6.50) を変数分離形として解くと,

2.6 発展的応用 81

C:定数.

$$\int dt = -\frac{\pi R^2}{s\sqrt{2g}} \int y^{-1/2} dy \quad \text{ if } t = -\frac{\pi R^2}{s} \sqrt{\frac{2}{g}} y^{1/2} + C.$$

初期条件として,t=0 で y=H とするならば, $C=\frac{\pi R^2}{s}\sqrt{\frac{2H}{g}}$ $(\equiv \alpha \sqrt{H}$ とする) と積分定数が決まるので,

$$y = \left(\sqrt{H} - \frac{t}{\alpha}\right)^2$$

となる。したがって、容器中の液面の高さyは、tに依存して変化する。上部の方がはやく高さが減ることになる。

例題 **2.35** 流出する流体の量が時間と共に常に一定になるようにするためにはどのような容器の形状にすればよいか.

(2.6.50) 式を S(y) のまま変数分離形として積分形にすると

$$\int dt = -\frac{1}{s\sqrt{2g}} \int S(y)y^{-1/2}dy.$$

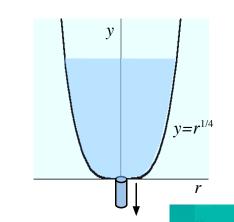
S(y) の関数形を $S(y) = S_0 y^n$ とおいて調べてみると

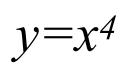
$$t = -\frac{S_0}{s} \frac{1}{\sqrt{2g}} \int y^{n-\frac{1}{2}} dy + C = -\frac{S_0}{s} \frac{1}{\sqrt{2g}} \frac{1}{n + \frac{1}{2}} y^{n + \frac{1}{2}} + C$$

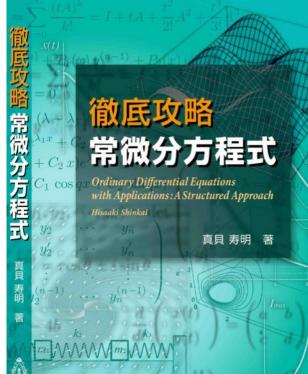
となる.これが $t \approx y$ となるためには, $n+\frac{1}{2}=1$ とすればよく, $n=\frac{1}{2}$ と条件が導かれる.ゆえに容器の形状は $S(y)=S_0\sqrt{y}$ とするのが水時計に適していることになる.

ところで、同じ時計でも「砂時計」は流体とは異なり上記のような解析はできない.粉流体についてはまだ基礎方程式もない状態である.砂時計をつくるときに、どのような砂をどの程度入れるか、という工夫は現在でも経験則によるらしい.

いつも同じ割合で液体が流出 するためには、容器の半径rが 高さyと $y \approx r^{1/4}$ の関係を もっていればよい。



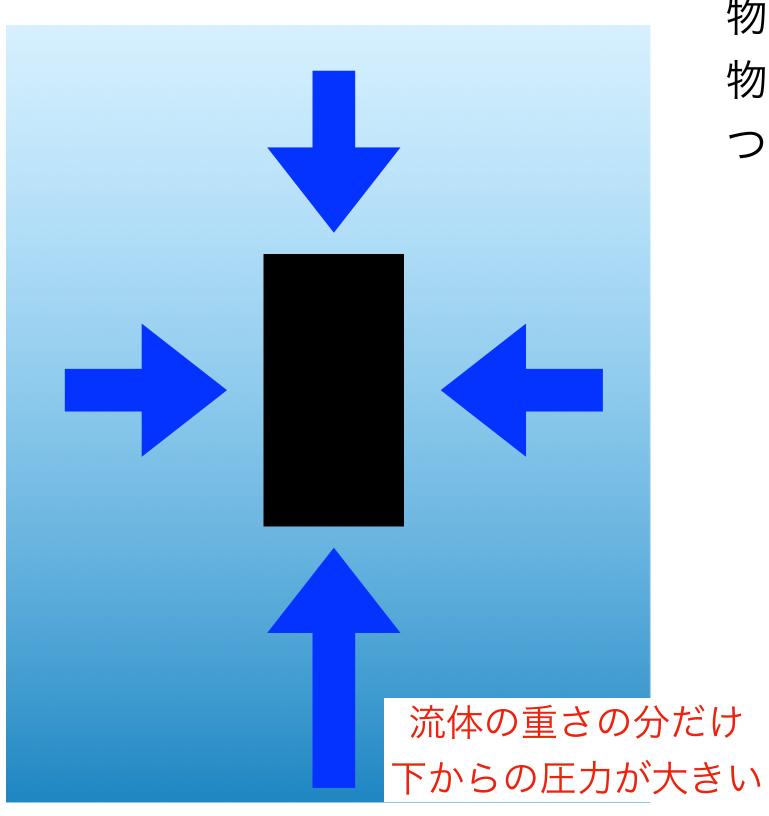




浮力 (buoyancy)

アルキメデスの原理 (Archimedes' principle)

流体中の物体が受ける浮力は、その物体が押しのけた流体の重さ(重力)と同じ 大きさである。



物体は流体中であらゆる方向から圧力を受ける。上下方向では、重力も加わる。 物体が流体中にあると、押し除けた分だけ液体の重力が減る。 つまり下向きの圧力が小さくなる。その分が浮力となる。



Topic 氷山の一角

水の密度は、水の密度 $\rho=1$ g/cm³ の約 92%である. 断面積 S, 高さ h の氷柱があるとき、水中にある部分の高さを d とすると、つりあいの式は、

$$0.92\rho Shg = \rho Sdg$$

下向きの力 = 浮力

となるので、d=0.92h となる. つまり、氷はわずか 8% だけ水面から顔を出す. 「氷山の一角」という言葉がよく使われるが、氷山がみえてもその大部分はみえていないということだ.

浮力 (buoyancy)

アルキメデスの原理 (Archimedes' principle) -

流体中の物体が受ける浮力は、その物体が押しのけた流体の重さ(重力)と同じ大きさである.

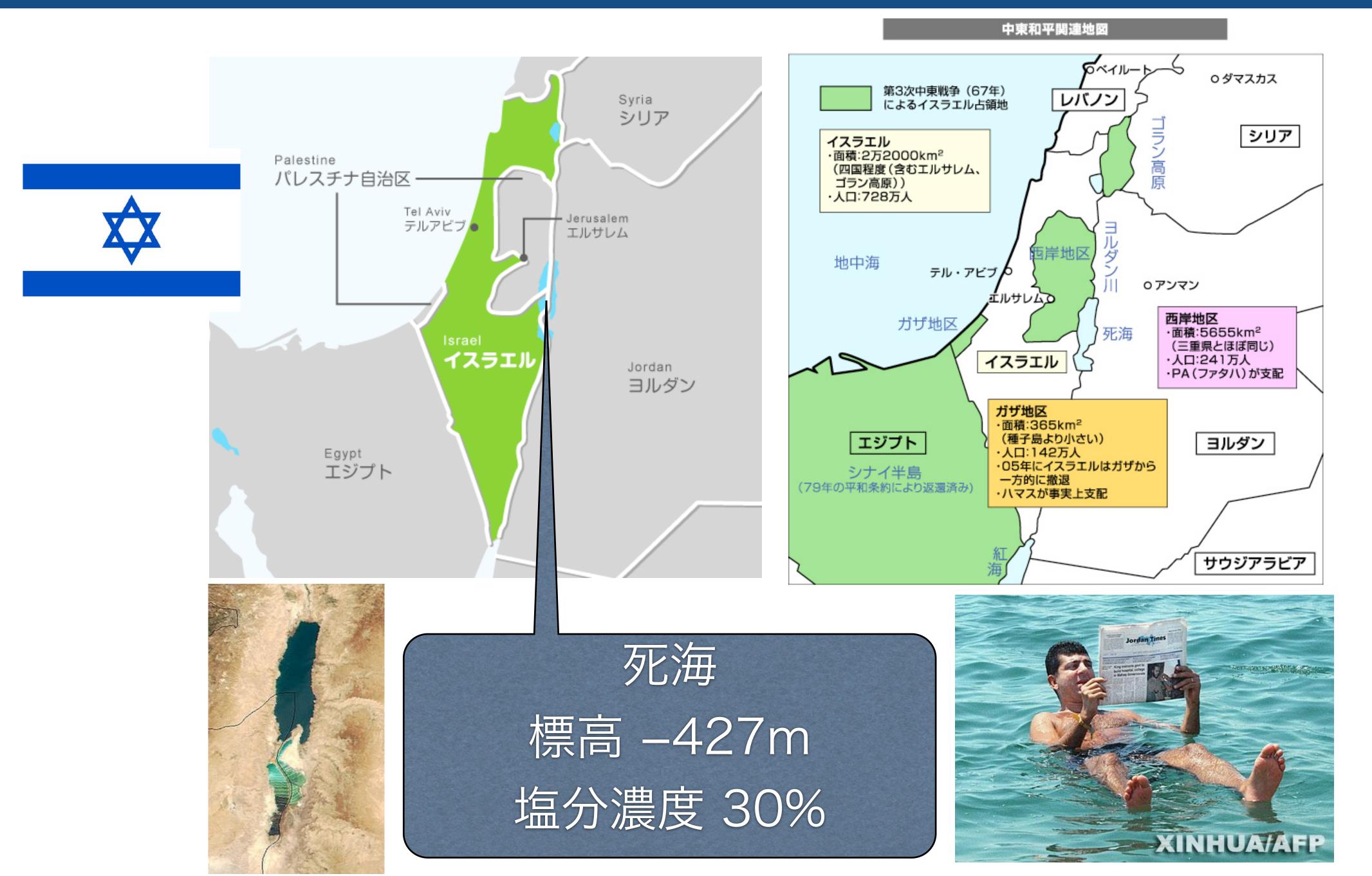


氷山の一角



太った人ほど浮きやすい

死海で浮いてみる



「エウレーカ」(I found it.)とアルキメデスが叫んで 風呂屋から裸で走り出した。 何を発見したエピソードか。



3. 流体 》 3.2 浮力

「エウレーカ」



シチリアの王ヒエロン二世に戦勝記念に奉納した黄金の王冠の 判定を依頼された。純金で作ってあるはずだが、細工師が銀を 混ぜたという疑いである。最初に与えた金塊と王冠の重さは等 しくなっていたが、これを傷つけることなく判定する方法が求 められた。







風呂場で、アルキメデスは浮力の法則を発見する。「液体中では、物体は自分が排斥する液体の重さだけ軽くなる」

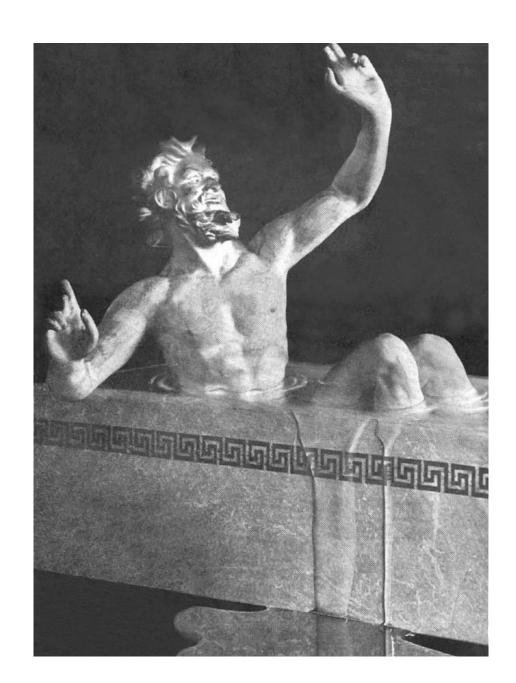
同じ重さでも密度の小さい銀を混ぜたら体 積は大きくなり、混ぜものの王冠かどうか が区別できるとひらめいた.



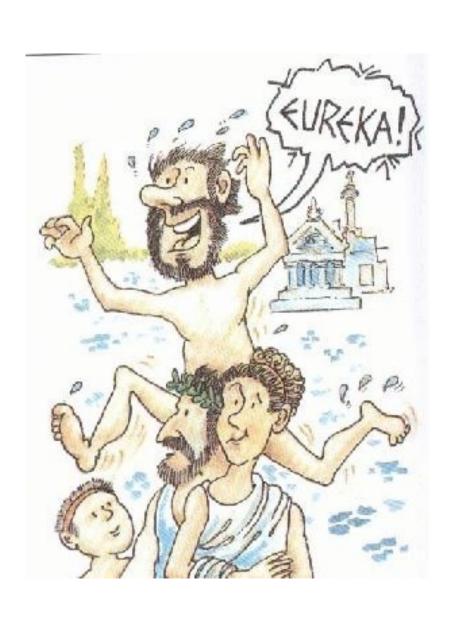


「エウレーカ」



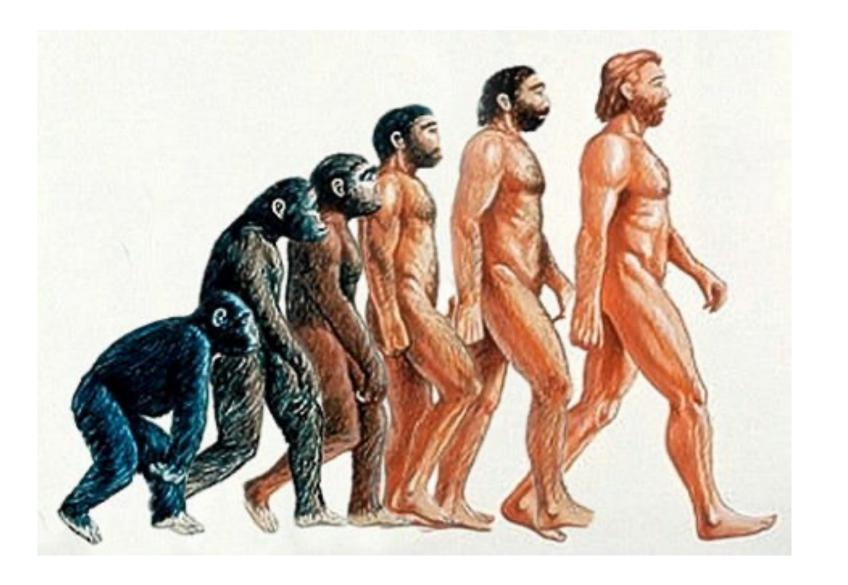








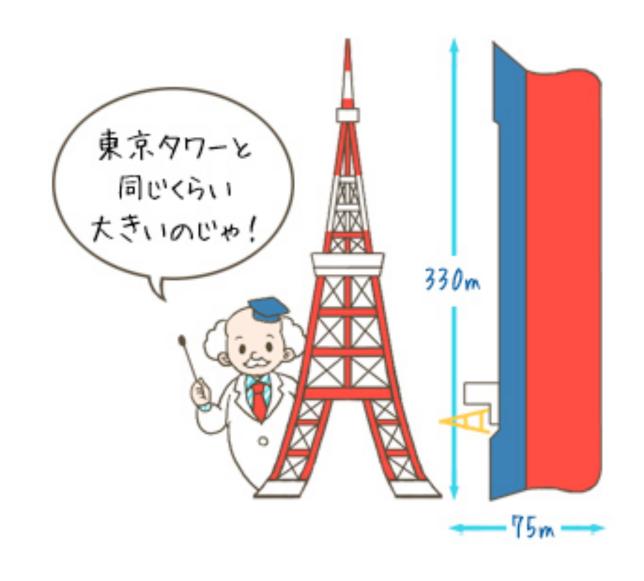




3. 流体 》 3.2 浮力

船はなぜ浮くか



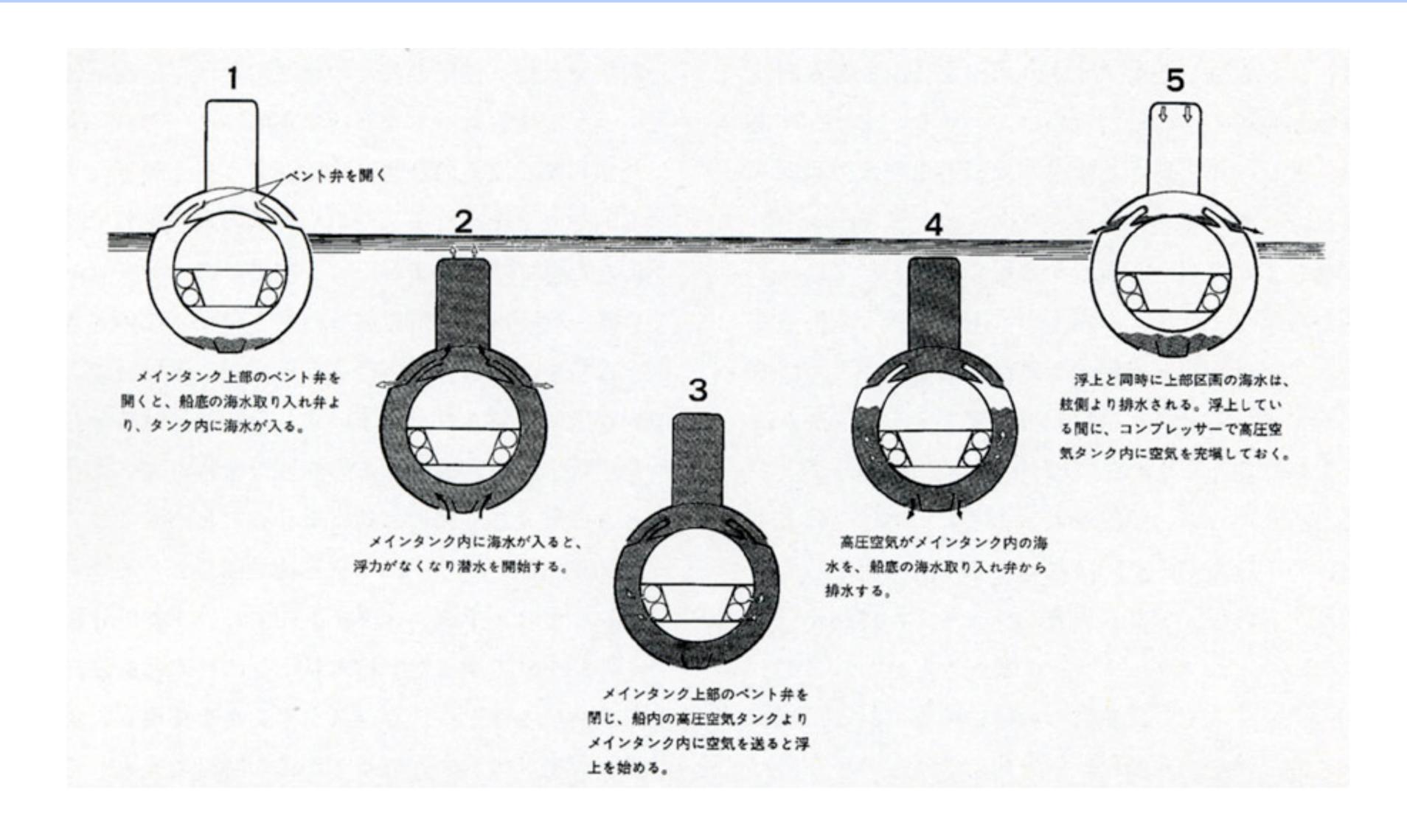


(6) 石油を降るすと、突然ノッポになる?



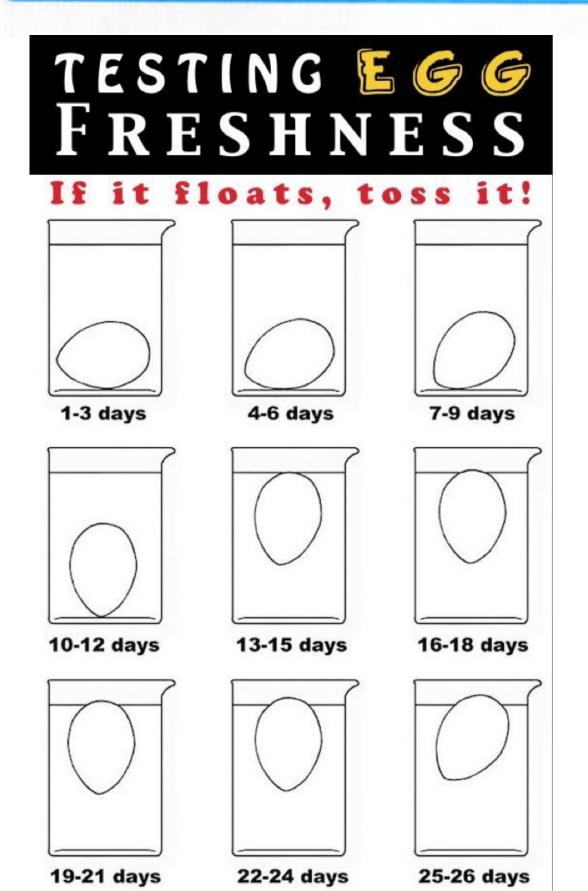
タンカーの中には、たくさんの石油を入れ ることができますが、石油を積んだ時と降る す時では9メートルも違います。日本から産油 国へ行く時には、バラストタンクに海水を入 れてバランスをとりながら走っています。

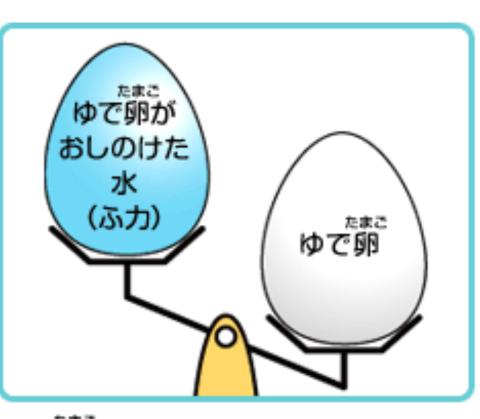
潜水艦はなぜ潜水と浮上ができるのか



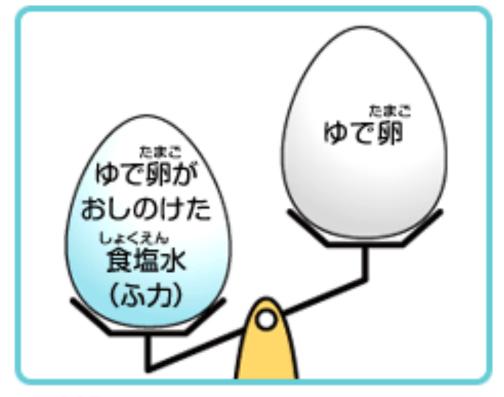
実験 10 卵を浮かせる

新鮮な卵は水に沈む.沈んだ状態で水に塩を加えていくと、卵は浮き始める.理由はアルキメデスの原理から明らかだろう.ところで、浮かばせることで全重量はどうなるのだろうか.コップに水を入れて重量を量る.卵も重量を量る.さて、卵をコップ内に浮かばせると、全重量はどうなるだろうか?



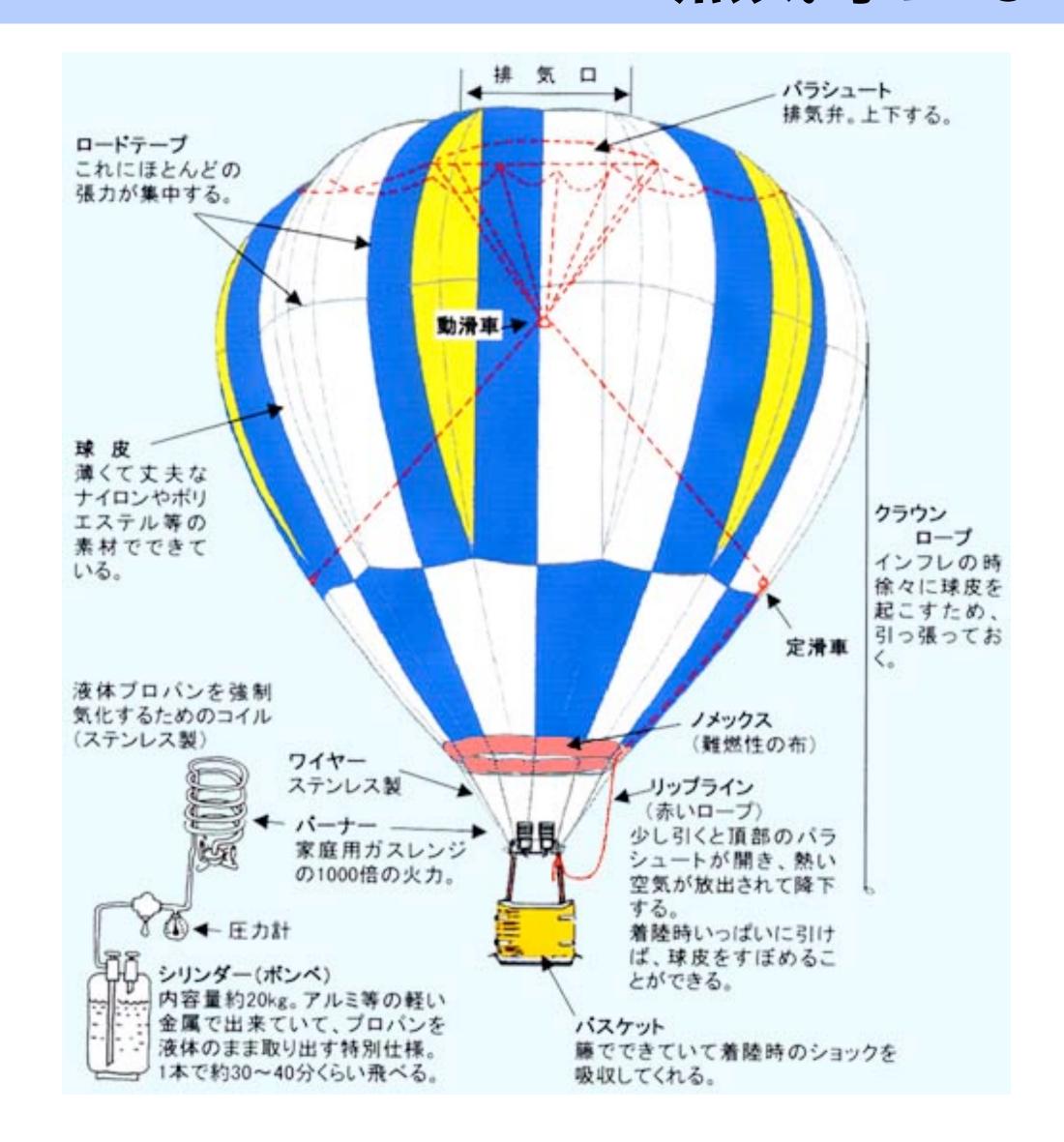


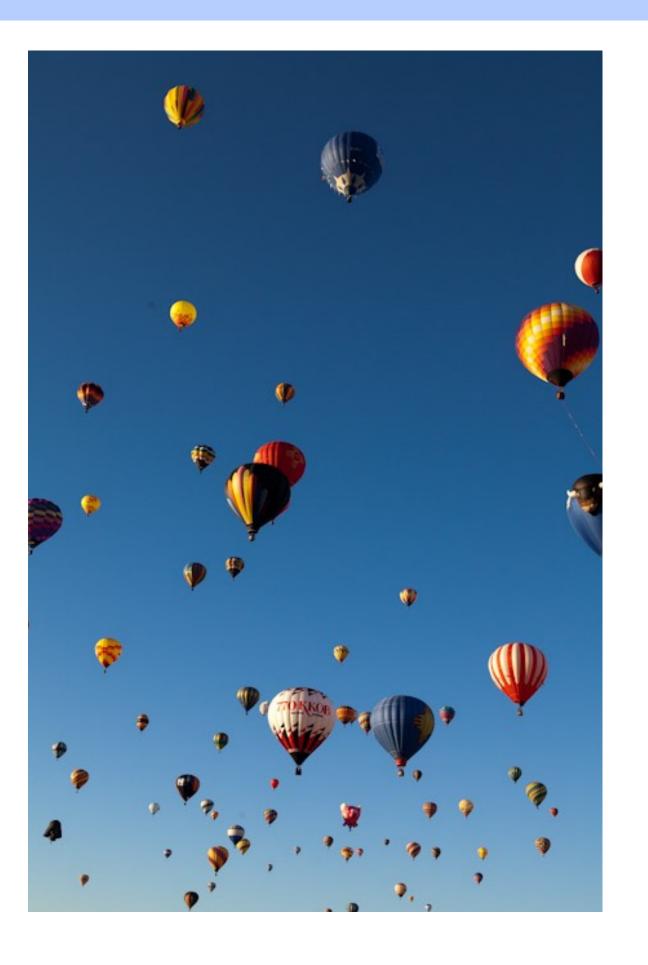
^{たまご} ゆで卵の重さよりもふ力が小さいので しずむ。



^{たまご} ゆで卵の重さよりもふ力が大きいので うかぶ。

熱気球はなぜ飛ぶか



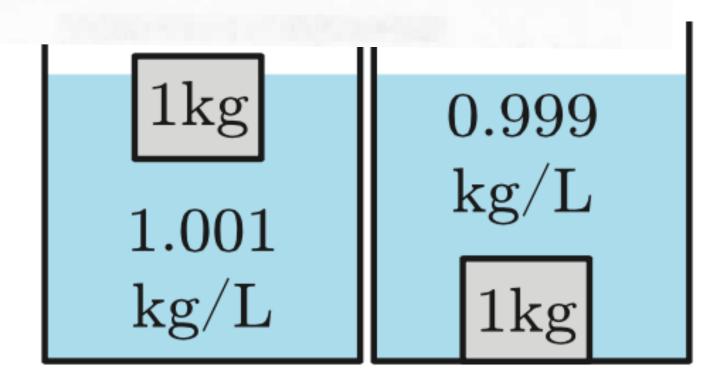


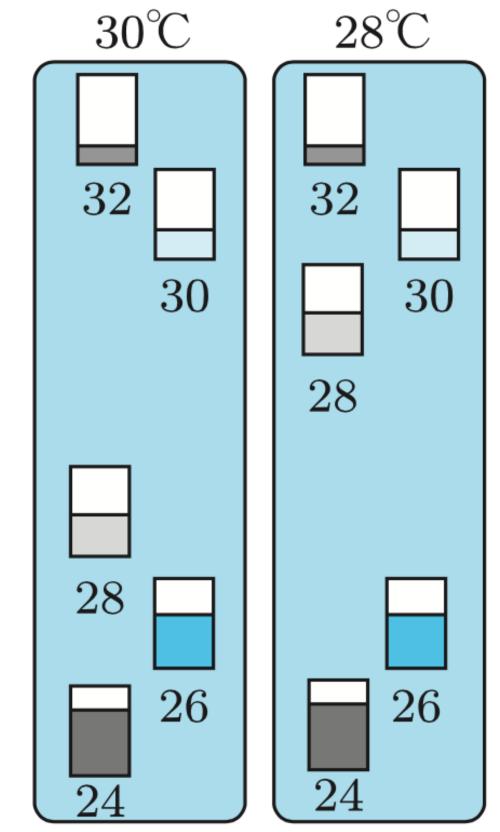
熱すると空気は膨張する (空気分子運動が激しくなる)

ガリレオ式温度計

Topic ガリレイ式温度計

温度計の歴史は、ガリレオ・ガリレイによる比重測定計から始まったとされる。現在でも装飾品のように売られているのをみかけるが、ガラスのシリンダーの液体の中で、温度タグのついた色とりどりの液体が入ったガラス玉が上下に移動できるようなしくみの温度計がある。気温が変化すると内部の液体の密度が変化する。温度が下がれば比重が重くなり、温度が上がると比重が軽くなる。中のガラス玉に対する浮力が変化するので、温度が上がるとどんどん中のガラス玉が浮上していくことになる。ガラス玉は一定温度ごとに一つずつ浮上するように調整されている。上部に移動したガラス玉についている一番下のタグを読めば、気温がわかる。





コラム 16 ピッチドロップ実験

ギネスブックに「最も長期に渡るラボ実験」として認定されているのが, アスファルトの粘性を計測しているオーストラリア・クィーンズランド大 学のピッチドロップ実験である.実験の目的は、固体のようにみえるアス ファルトが実は超粘性液体(ピッチ, pitch)であることを学生に示すこと で、1927年に開始された、ピッチを漏斗に注ぎ、落ち着くまで3年間待っ た後、漏斗の下を切り取り、ゆっくりと液が落ちるのを観察している。最 初の1滴は10年後で、2000年11月28日には8滴目が落下した。9滴 目は2014年と予想されていたが、2014年4月24日に、ビーカー交換の 最中に誤って落ちてしまったという。10滴目は14年後と予想されている。 一方, アイルランド・ダブリン大学トリニティカレッジのピッチドロッ プ実験は,1944年10月に始まったが,最初の1滴の落下が2013年6月



図 3.22 クィーンズランド大学のピッチドロップ実験

11日に観測され,69年かかった実験としてニュースになった.蜂蜜の200万倍の粘性だという.

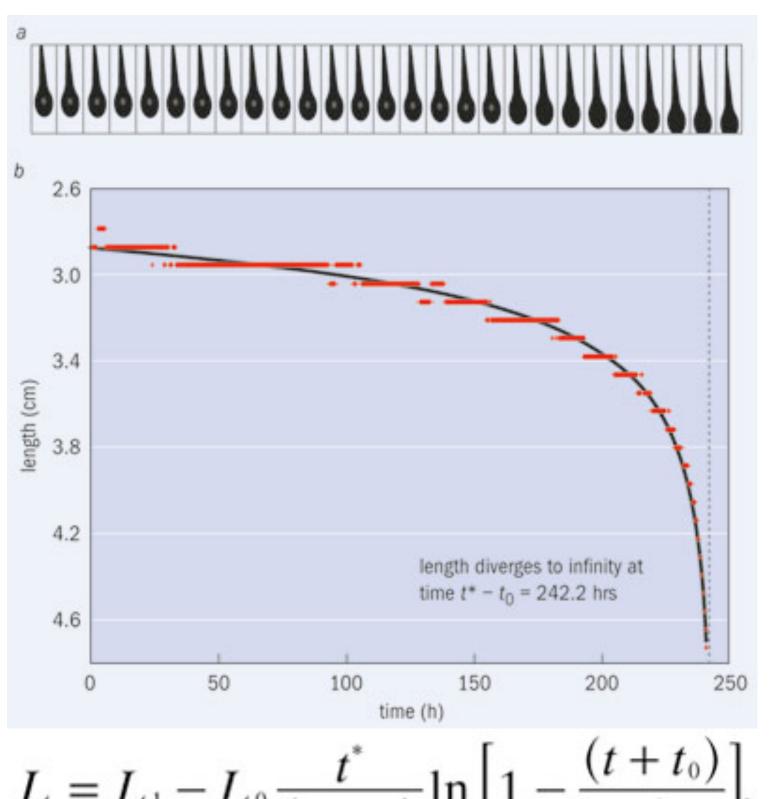
69年かかって、1滴落下

The drop heard round the world

イギリスのTrinity College Dublinのグループが実験した,超粘性液体の落下の動画視聴 が,200万回に達したという.(Physics World 2014年5月号)蜂蜜の200万倍の粘性をも つ液体が1滴落ちる瞬間は、1ヶ月前に予言されたように、2013年6月11日に生じた。 1944年10月に始まった実験で69年かかった.







$$L = L_1 - L_0 \frac{t^*}{(t+t_0)} \ln \left[1 - \frac{(t+t_0)}{t^*} \right],$$

69年かかって、1滴落下

The drop heard round the world

イギリスのTrinity College Dublinのグループが実験した,超粘性液体の落下の動画視聴が,200万回に達したという.(Physics World 2014年5月号)蜂蜜の200万倍の粘性をもつ液体が 1 滴落ちる瞬間は,1 ヶ月前に予言されたように,2013 年6月11日に生じた. 1944年10月に始まった実験で69年かかった.



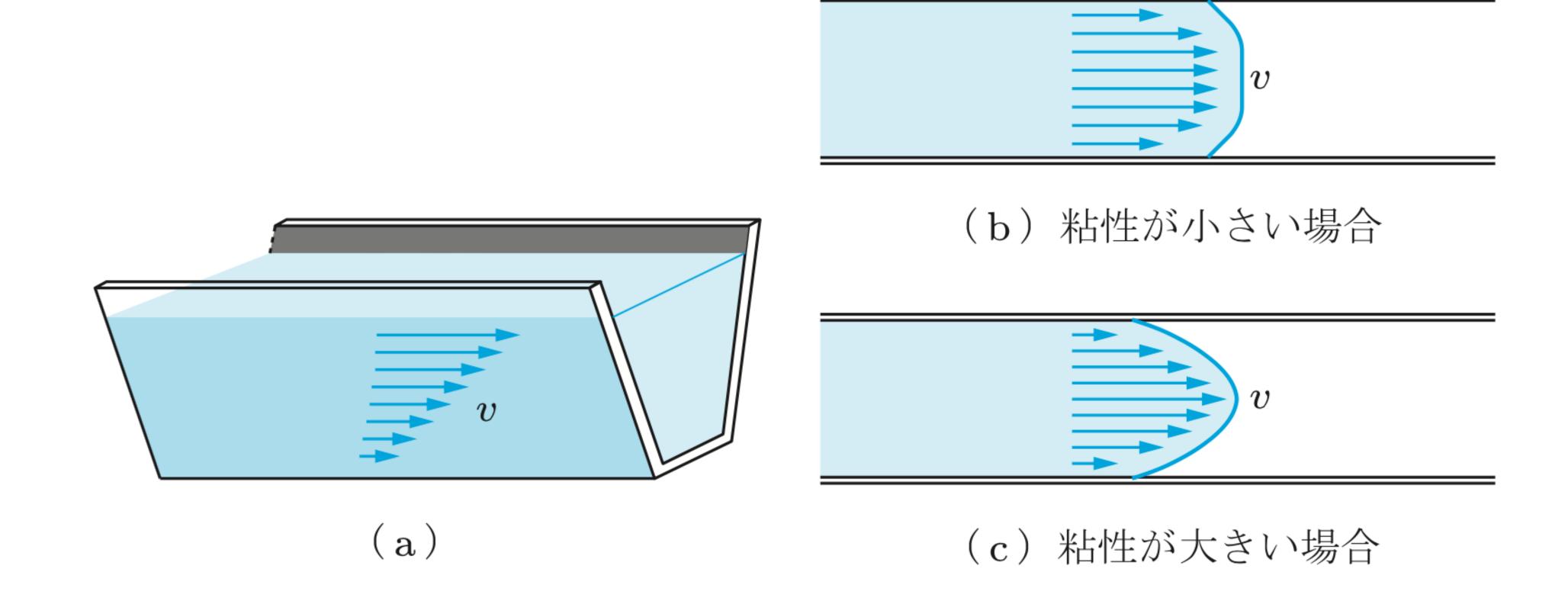


http://www.youtube.com/watch?v=vZ5Vm4vABH4

粘性 (viscosity):內部摩擦力

粘性

水、油、ガスなどの流体が流動するとき、必ずその流れに抵抗しようとする内部摩擦力が働く、流体の持つこのような性質を**粘性** (viscosity) とよぶ、 3















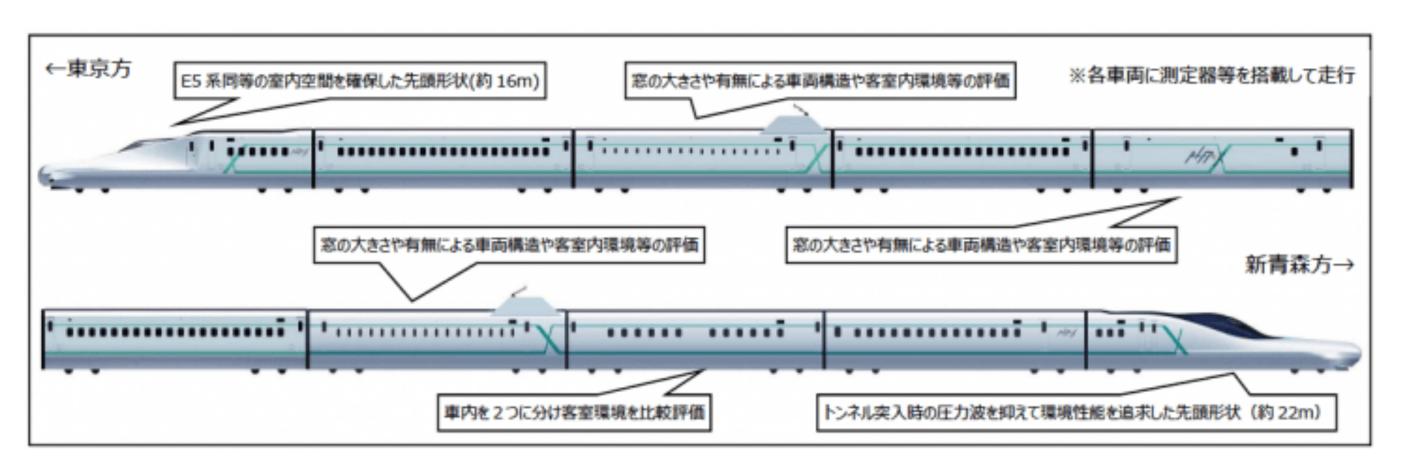
先頭の鼻が22mの試験車両



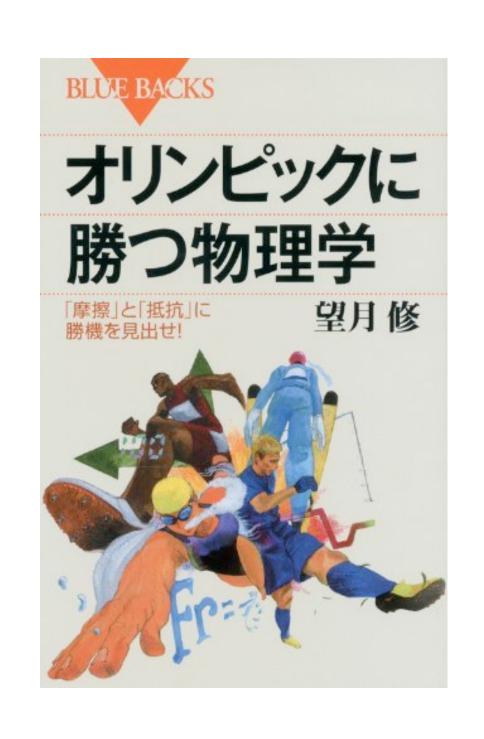
次世代新幹線の開発を進めているJR東日本は、その試験プラットフォームとして 新幹線の試験車両「ALFA-X(アルファエックス)」(E956形式)の製作を進めて きたが、東北新幹線の仙台駅と新青森駅のあいだで走行試験を開始した。

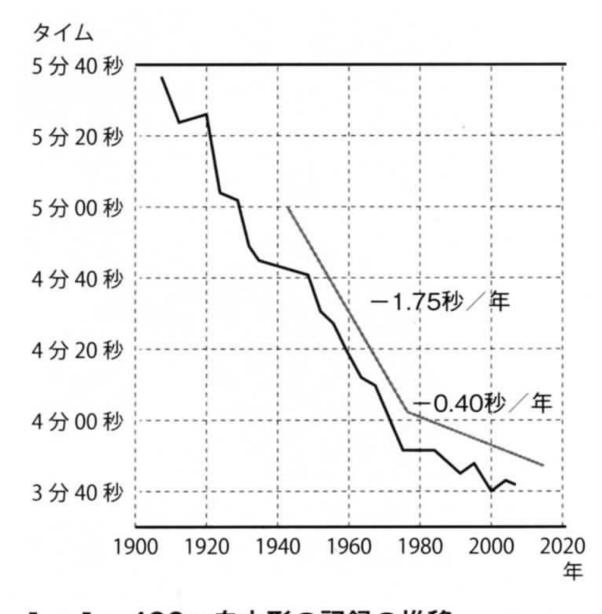
10 両編成で、「最先端の実験を行うための先進的な試験室(車)」という意味の「Advanced Labs for Frontline Activity in rail eXperimentation」から「ALFA-X」と命名された。

https://www.axismag.jp/posts/2019/03/122487.html



「泳法の改善で勝てる時代は、1976年で終わった」



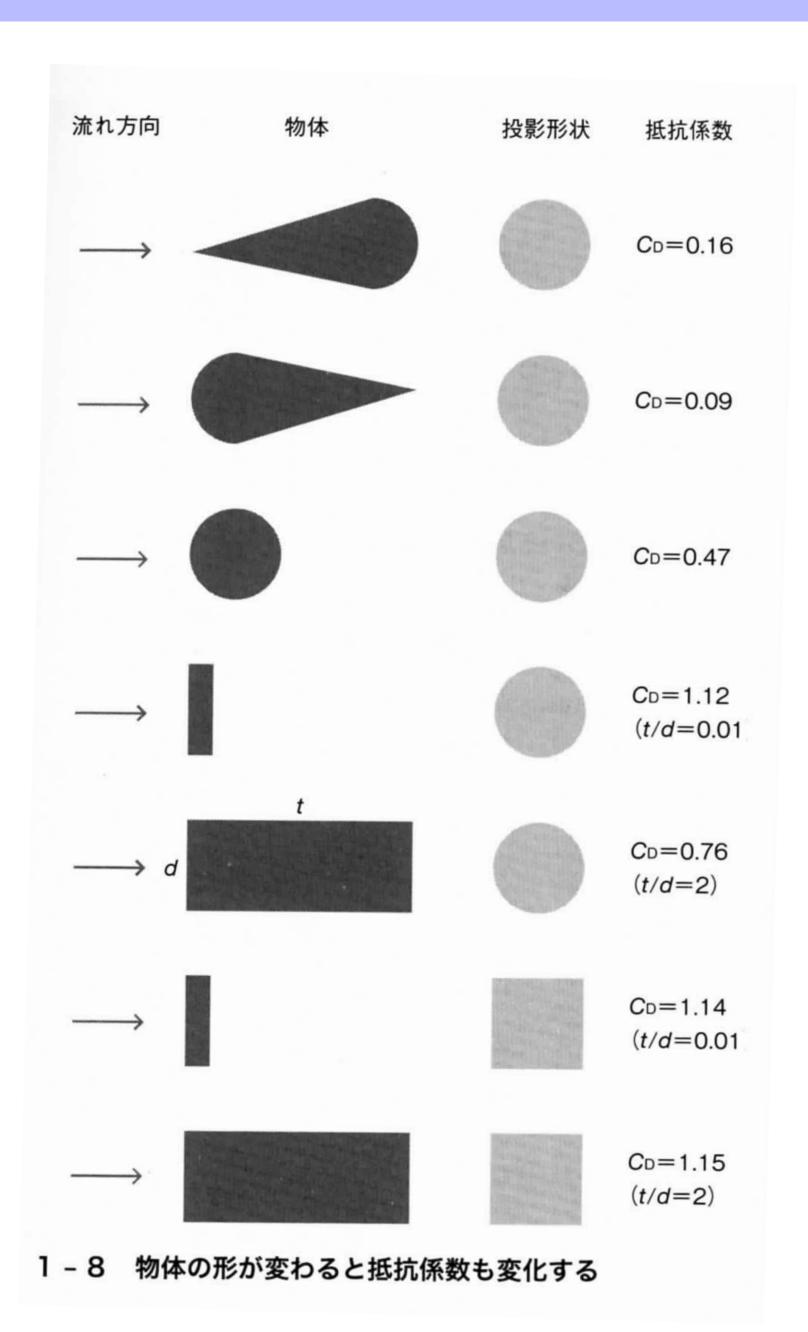


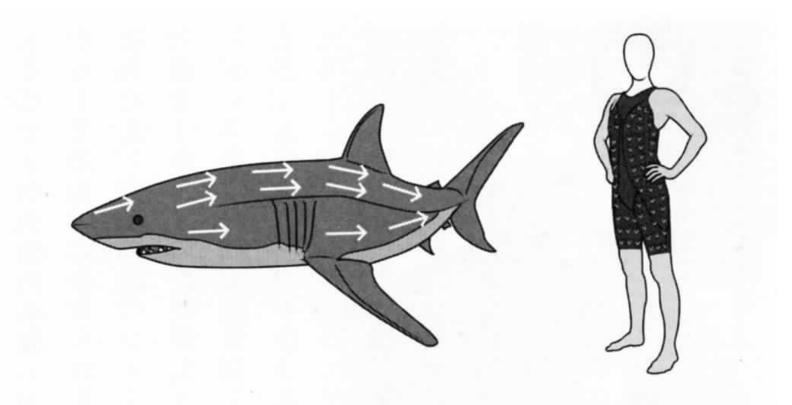


1 - 1 400m自由形の記録の推移

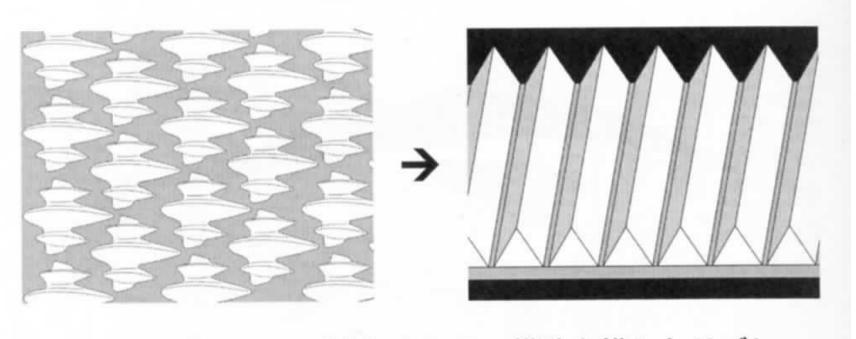
シドニー、アテネ五輪で計5個の金メダルを 獲得した元競泳選手のイアン・ソープ

オリンピックで100-200-400の組合せでメダルを獲得したのはソープただ 一人



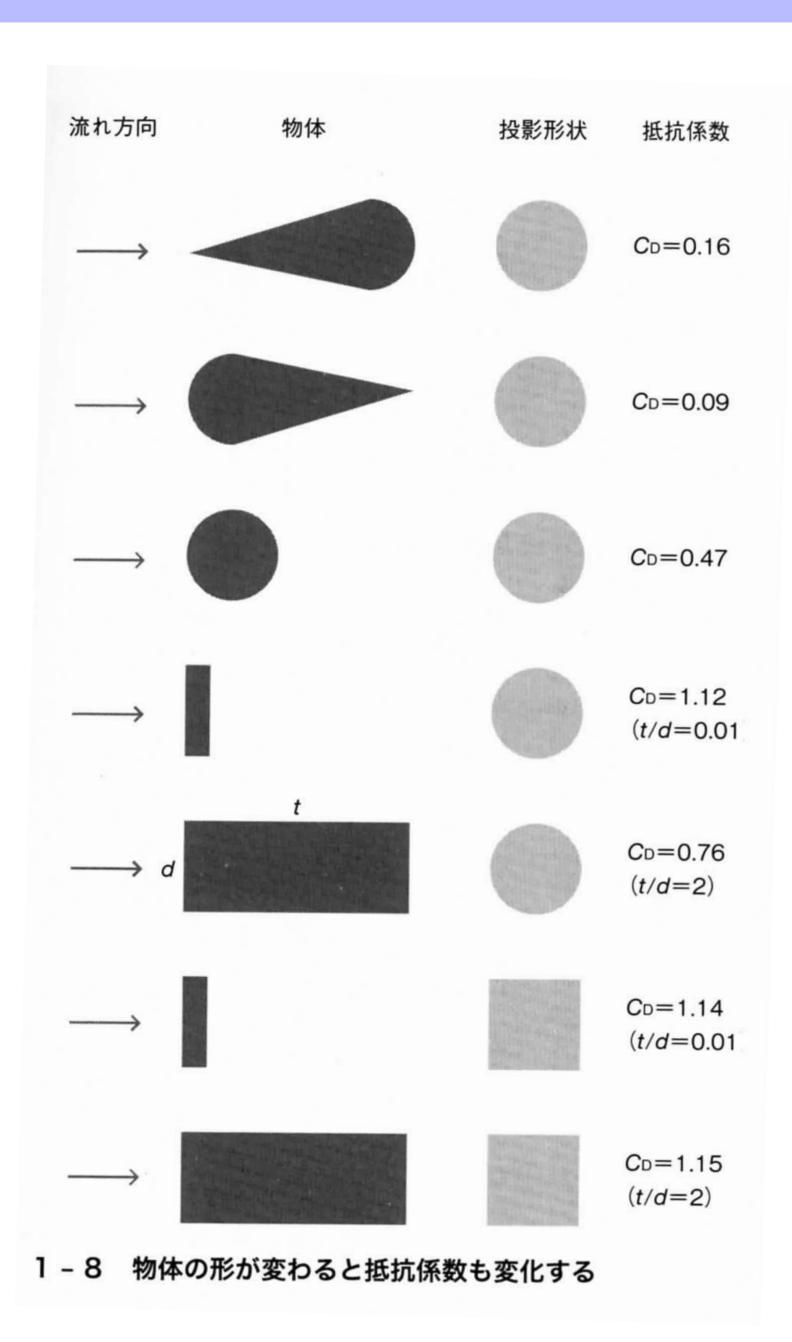


1 - 3 サメのうろこの縦溝の方向と、それを模してつくられ たサメ肌水着



1-14 サメのうろこ(左)と、その構造を模したリブレット(右)

「オリンピックに勝つ物理学」 (望月修, 講談社ブルーバックス, 2012)





かわせみ



イルカ

「オリンピックに勝つ物理学」 (望月修, 講談社ブルーバックス, 2012)

新型水着の栄枯盛衰

2000年 シドニーオリンピック 体全体を覆う水着の登場 抵抗力を減らす





2008年 北京オリンピック SPEEDO社レーザーレーサー 縫い目なし、撥水加工された生地 体を締め付けて凹凸を減らす

新記録続出

新型水着の栄枯盛衰

2008年 新型水着 「たこ焼きラバー」 ポリウレタンやラバーなどのフィルム状の素材

を貼り合わせた水着



国際水泳連盟(FINA)2010年からの着用禁止

- ★水着の布地は「繊維を織る・編む・紡ぐという工程で のみ加工した素材」に限定
- ★水着が体を覆う範囲も、プール競技では男性用はヘソから膝まで、女性用は肩から膝まで
- ★オープンウォーター競技では男性用、女性用とも肩から踝までに制限



全日本空輸は、環境に配慮した新しい機体を東京都内で公開した、機体表面に空気抵抗を減らす「サメ肌」状の特殊なフィルムを貼ることで燃費を向上させ、二酸化炭素(CO2)削減につなげる。今後、運航を通じて効果を検証し、将来的に全ての機体への導入を目指す。

まずは国内線と国際線で1機ずつ、順次運航を開始する。全日空が所有する全ての機体表面の8割にフィルムを装着すると、年間で約30万トンのCO2排出削減効果が見込まれるという。

全日空の井上慎一社長は「この技術は世界に誇るべきものだ」実際に効果を出していくことで大きな価値になっていく」と意気込みを語った」(共同)

- [6-1](今日の講義から)
 - 台風の風の向きが上空から見て反時計回りになる理由を説明せよ.
- [6-2](次回向けのクイズ)

塩水に卵を浮かばせた.全重量(水+卵+塩)は,実験前にくらべて増加?減少?同じ? 理由も述べよ.

〔6-3〕(次回向けのクイズ)
お吸い物のお碗の蓋が、冷めると開かなくなってしまう理由は何か。



[6-4]通信欄

(感想・講義で取り上げて欲しい疑問・要望・連絡事項など、何かあれば)